

آموزش جامع

MATLAB

مقدماتی - متوسط - پیشرفته

MATLAB



- شروع کار با متلب
- صفحات متلب
- آرایه ها و ماتریس ها
- ماتریس های سه بعدی
- توابع مقدماتی
- توابع کاراکتری
- رسم انواع نمودارها دو بعدی
- رسم انواع نمودارهای سه بعدی
- توابع خاص
- محاسبات سمبلیک
- حد - مشتق - انتگرال - سری ها
- معادلات خطی و غیر خطی
- آنالیز برداری - معادلات دیفرانسیل
- تبديل لاپلاس - فوریه - Z
- معادلات خطی و غیر خطی
- بهینه سازی
- معادلات مشتقات جزئی
- سیگنال ها و سیستم ها
- کنترل



مهندس موسوی

با اسمه تعالی

اولین ویرایش آموزش جامع مطلب در اختیار علاقمندان قرار می گیرد. این کتاب حاصل چندین سال تجربه تدریس و برنامه نویسی با مطلب می باشد و امید است برای آموزش این نرم افزار مفید، سودمند باشد. سعی شده است با رعایت پوستگی مطالب و ضرورت آشنایی با آنها برای کار با مطلب و همچنین رأیه مثالهای مرتبط کتاب بگونه ای باشد که بصورت خودآموز مورد استفاده قرار گیرد

این کتاب الکترونیکی هفت فصل اول کتاب آموزش جامع مطلب می باشد که عموماً مطالب پر کاربردی هستند

بی شک این کتاب مانند هر مجموعه دیگری، بی نیاز از انتقاد و پیشنهاد نیست انتقادات و پیشنهادات خود می توانید با ما با آدرس پست الکترونیک musavi_sn@yahoo.com در میان بگذارید

موسوعی ۳ بهمن ۹۱



فصل ۱

۱ آشنایی با صفحات مختلف MATLAB

۱



۱.۱ مقدمه

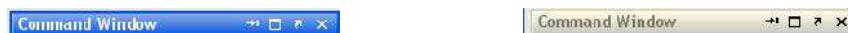
متلب صفحه‌های زیادی دارد که هر یک کاربردهای خاص خود را دارند مکان این صفحات با سلیقه‌ی کاربر تنظیم می‌شود اگر متلب را اجرا کنیم ممکن است همه‌ی صفحات متلب فعال نباشند با تیک زدن در جلوی عنوانین صفحات می‌توانیم آنها را فعال کنیم



۱.۲ تنظیم صفحات متلب

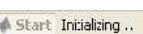
اندازه‌ی صفحه‌های متلب را می‌توانیم تغییر دهیم. می‌توانیم صفحات را بصورت جدا از بدنی اصلی متلب مشاهده کنیم و یا تنظیمات دیگر را بر روی آنها انجام دهیم شکلهای زیر تعدادی از این تنظیمها برای صفحات متلب را نشان می‌دهند

با کلیک بر روی یک صفحه رنگ نوار عنوان تغییر می‌کند و صفحه‌ی مربوط به آن آماده‌ی استفاده کاربر و یا اعمال تغییرات در آن می‌شود برای مثال دو شکل زیر تغییرات صفحه فرمان را قبل و بعد از کلیک در این صفحه نشان می‌دهند



- با کلیک بر روی  می‌توانیم یک صفحه را از بدنی اصلی متلب جدا کنیم در این صورت صفحه‌ی مورد نظر بصورت یک صفحه‌ی مجزا نشان داده می‌شود و آیکن  به آیکن  تغییر شکل می‌دهد که با کلیک بر روی آن می‌توانیم دوباره صفحه‌ی یاد شده را به بدنی اصلی متلب الصاق کنیم
- با کلیک بر روی آیکن  می‌توانیم یک صفحه را بصورت تمام‌نما مشاهده کنیم
- با کلیک بر روی  و یا  صفحه به حاشیه‌ی راست و یا چپ رانده می‌شود برای بازگشت به حالت قبلی می‌توانیم پس از انتخاب صفحه از روی عنوان آن بر روی  کلیک کنیم.
- با کلیک بر روی عنوان یک صفحه و نگه داشتن ماوس و جابجایی آن (برداشتن صفحه) می‌توانیم مکان صفحات متلب را جابجا کنیم کادر سیاه‌رنگ نشانده‌نده‌ی محل جدید پیشنهادی برای صفحه‌ی انتخاب شده است
- در صورتی که چند صفحه روی هم افتاده باشند با کلیک بر روی نام صفحه‌ی مورد نظر می‌توانیم آن صفحه را فعال کنیم



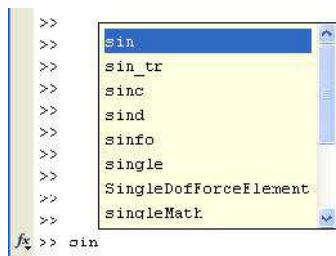
- با نگه داشتن ماوس بر روی خط فاصل و یا محل تقاطع چند صفحه می‌توانیم اندازه‌ی صفحات را تغییر دهیم
- عبارت کنار گزینه‌ی start متلب جملاتی توضیحی را به کاربر اعلام می‌کند:
 که معنای آن است که متلب در حال بارگذاری است
 متلب آماده‌ی اجرای برنامه‌ها و دستورها است
 متلب در حال پردازش می‌باشد
 متلب برای ادامه‌ی پردازش منتظر است تا کاربر از صفحه کلید، کلیدی را بفشارد (این عبارت معمولاً بعد از اجرای دستور pause() ظاهر می‌گردد)
- از قسمت    از قسمت می‌توان مسیر جاری متلب را تغییر داد.



1.۳ صفحه‌ی Command Window

صفحه فرمان متلب (Command Window) صفحه‌ای است که تقریبا همواره با آن سروکار داریم می‌توانیم کدهای خود را در آن بنویسیم این صفحه بیشتر برای مشاهده نتایج برنامه‌ها و دستورهای متلب بکار می‌رود

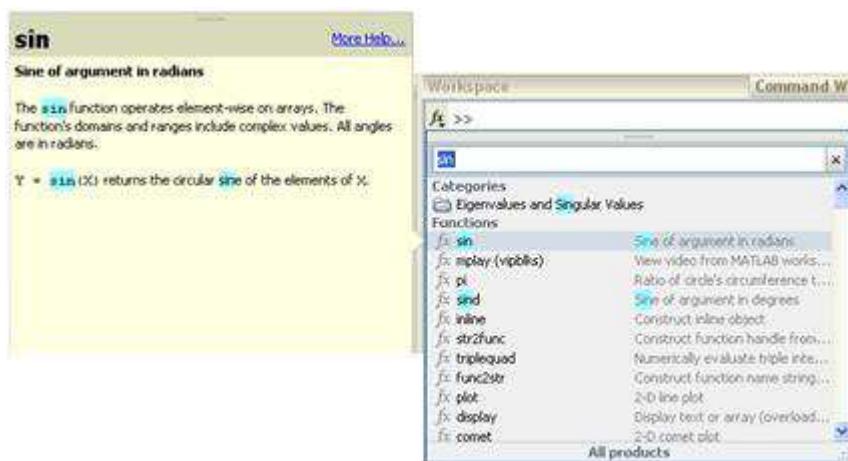
- خط فرمان متلب با علامت `>>` شروع می‌شود
- موجب پاک شدن صفحه فرمان می‌گردد
- اگر در ابتدای خط فرمان جاری کلید بالاپیما \uparrow صفحه کلید را فشار دهیم به دستور قبل می‌رسیم
- اگر عبارتی را تایپ و سپس کلید بالاپیما \uparrow را فشار دهیم دستور قبلی متلب که با این عبارت آغاز می‌شود در خط فرمان جاری ظاهر خواهد شد برای مثال با تایپ `a=a` و فشردن کلید بالاپیما آخرین دستور تایپ شده‌ای که با `a=a` شروع می‌شود در خط فرمان ظاهر می‌گردد و یا با تایپ `sort` و سپس فشردن کلید بالاپیما آخرین دستوری که در صفحه فرمان متلب با عبارت `sort` شروع می‌شود در این سطر ظاهر خواهد شد
- اگر پس از نوشتتن چند کاراکتر کلید `Tab` از صفحه کلید را فشار دهیم متلب لیست جامعی از دستوراتی که با این عبارت شروع می‌شوند را برای ما نشان می‌دهد بعنوان مثال عبارت `>> sin` را در صفحه فرمان تایپ کرده و کلید `Tab` را فشار دهید مشاهده خواهید کرد که علاوه بر دستور `sin` متلب چند دستور دیگر را نیز متلب به ما نشان می‌دهد



- کلید `Esc` خط فرمان جاری را پاک می‌کند



- دستور clc موجب پاک شدن صفحه فرمان می‌شود
- دستور home کاری مشابه را انجام می‌دهد با این تفاوت که صفحه پاک نمی‌شود
توجه داریم که پاک شدن صفحه بمعنای پاک شدن متغیرها نیست
- دستور who لیستی از نام متغیرهایی را که تعریف کرده‌ایم را به نمایش می‌گذارد
- دستور whos لیست متغیرها را با اطلاعات جامعتری نشان می‌دهد
- دستور a اطلاعاتی در مورد متغیر ذکر شده (در اینجا a) می‌دهد
- در آغاز خط فرمان متلب یک help خلاصه و سریع می‌باشد 



علاوه بر کاربردهای فوق می‌توانیم برنامه‌ها و فایل‌های مختلف را با استفاده از دستورهای صفحه فرمان متلب فراخوانی کنیم

۱.۳.۱ استفاده از **help** در صفحه فرمان متلب

(برای مثال >> help sort) می‌توانیم اطلاعاتی در مورد تابع ذکر شده (در اینجا sort) بدست آوریم



doc ... : (برای مثال `sin`) نوشتن این عبارت موجب باز کردن اسناد متنی مربوط

به تابع ذکر شده (در اینجا `sin`) می شود که البته در عبارت `help sin` هم پس از پایان

توضیحات لینک `sin` وجود دارد. همچنین لینک توابع با کاربرد مرتبط و نزدیک با

تابع سینوس نیز در انتهای فایل متنی باز شده موجود است.

lookfor ... : (برای مثال `sort`) روشی دیگر برای جستجو (برای `lookfor`)

توابع خاص و تخصصی مفید است)

Editor ۱.۴ صفحه‌ی

در این صفحه برنامه‌ها و توابع متلب نوشته می‌شوند و با پسوند `m` ذخیره می‌گردند

 اجرای برنامه

 باز کردن یک فایل جدید

 باز کردن پوششی مربوط به فایل جاری

 تهیه‌ی یک گزارش با فرمت `Html` از `m` فایل جاری

 ایجاد یک سلول

 نشان دادن همه‌ی سلول‌ها



 اجرای سلول انتخاب شده از برنامه

 انتخاب و اجرای سلول بعدی

 نمایش همه‌ی توابع موجود در برنامه

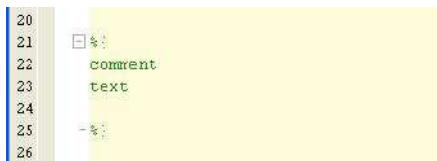
برای اجرای برنامه می‌توانیم از کلید F5 استفاده کنیم



برای اجرای قسمتی از برنامه، پس از انتخاب قسمت مورد نظر کلید F9 را می‌زنیم

برای ایجاد یک عبارت توضیحی از علامت % استفاده می‌کنیم (عبارت‌های بعد از این علامت تا آخر خط تنها ارزش توضیحی دارند)

برای ایجاد یک متن توضیحی می‌توانیم علاوه بر کمک‌گیری از روش فوق از آکولاد همراه با علامت درصد نیز استفاده کنیم بدین صورت که در ابتدای متن توضیحی (و یا قبل از متن توضیحی) از عبارت % استفاده می‌کنیم و پس از پایان توضیحات عبارت { % را وارد می‌کنیم (دستورهای اجرایی با رنگ سبز نشان داده می‌شوند)



با تایپ %% و یک خط فاصله بعد از آن می‌توانیم یک سلول تولید کنیم. سلول‌ها برای خوانایی بیشتر برنامه مفید هستند. از Ctrl+Enter می‌توان برای محاسبه سلول انتخاب شده استفاده کرد

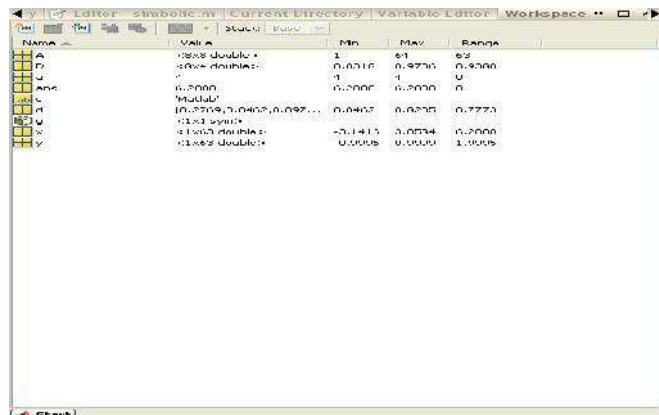
برای نوشتن ادامه برنامه‌ی خط جاری در خط بعد از ... استفاده می‌کنیم

```
>> x=6;
>> y=(x+8+...
+12)/10
y =
    2.6000
```

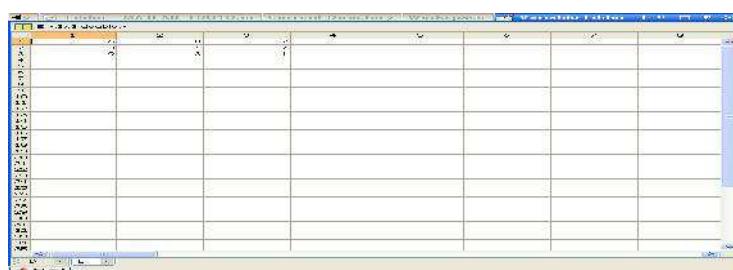
1.5 صفحه‌ی Work Space

با استفاده از این صفحه می‌توانیم همه‌ی متغیرهای تعریف شده را از زمان اجرای متلب ببینیم (متغیرهایی که پاک نشده باشند) در این صفحه نام، سایز و اطلاعاتی دیگر در مورد متغیرها آمده است

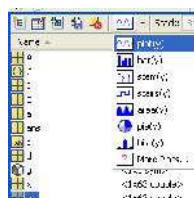




- وقتی یک فایل را فراخوانی می‌کنیم و یا بین قسمت‌های مختلف متلب ارتباط برقرار می‌کنیم (برای مثال بین m فایل) داده‌ها همه در Work Space ذخیره خواهند شد با دوبار کلیک پیاپی روی یک آیکن زرد یک متغیر صفحه‌ی Variable Editor برای آن متغیر باز می‌شود در این صفحه براحتی می‌توان انواع متغیرها را ویرایش نمود



- با انتخاب یک متغیر و استفاده از  می‌توان انواع رسم‌ها را برای متغیر مورد نظر انجام داد



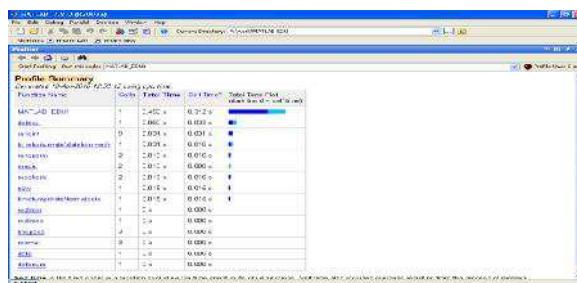
八



با راست کلیک روی یک یا چند متغیر انتخاب شده می‌توان انواع رسم‌ها را انجام داد

Profiler ۱.۶

یک ابزار بسیار ارزشمند برای بررسی عملکرد دستورها از لحاظ زمانی است. و برای آنالیز سرعت الگوریتم‌ها و روش‌ها استفاده می‌شود با کلیک بر روی  و یا تایپ عبارت profile viewer (و یا روش‌های دیگر) می‌توانید به این صفحه دسترسی داشته باشید با وارد کردن نام فایل مورد نظر برای تحلیل متلب یک تحلیل کامل از سرعت برنامه و سرعت تک‌تک خطوط برنامه به شما ارائه خواهد کرد





فصل 2

۲ آرایه ها

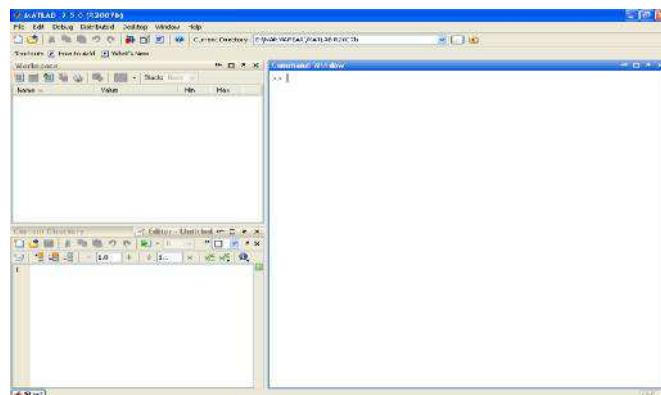
۱۱



۲.۱ صفحه فرمان متلب

برای شروع کار با متلب مقداری آشنایی اولیه با صفحه فرمان لازم است در یک فصل جداگانه با صفحات متلب بصورت کامل آشنا خواهیم شد. در اینجا در حد مقدماتی و ساده با صفحه فرمان متلب آشنا می‌شویم و فعلا همه‌ی کارهایمان را در صفحه فرمان انجام می‌دهیم تا کمتر با متلب و صفحات مختلف آن آشنا شویم

پس از بارگذاری متلب صفحه‌ی زیر برای کاربر نمایش داده می‌شود



صفحه‌ای که پیش‌روی شماست ممکن است مقداری با پیکربندی فوق تفاوت داشته باشد. قسمتی که بر روی نوار عنوان آن عبارت **Command Window** نوشته شده است صفحه فرمان متلب یا همان command window نام دارد. اگر متلب شما این صفحه را پس از بارگذاری نداشت آن را از نوار ابزار گزینه‌ی desktop را انتخاب کنید و سپس عبارت command window را تیک‌دار کنید



با در دست داشتن صفحه فرمان اکنون می توانیم برنامه نویسی در متلب را آغاز کنیم

۲.۲ تعریف متغیرها

در متلب تعریف و مقدار دهی متغیرها عموماً بصورت همزمان صورت می‌گیرد.

نکات قابل توجه در نامگذاری متغیرها :

متلب به حروف بزرگ و یا کوچک حساس است بدین معنی که برای مثال a و A دو متغیر متفاوتند

نام متغیرها با حرف شروع می‌شوند $a1$ یک نامگذاری صحیح و $2a$ یک نامگذاری غلط می‌باشد

نام متغیرها شامل حروف اعداد و زیرخط (آندرلاین) می‌باشد a_w23 صحیح و $w%2$ و یا $d.2$ غلط هستند .

بهتر است نام متغیرها را از نام توابع پرکاربرد، پارامترها تعريف شدهی متلب و کلمات کلیدی متلب انتخاب نکنیم. در صورت عدم رعایت این موضوع خطاهایی خواهیم داشت که بخصوص در مواردی که در متلب تازه‌کار هستیم براحتی قادر به رفع آنها نخواهیم بود. برای مثال نام متغیر را \sin نگذاریم تا با تابع سینوس اشتباه نشود. نام متغیر را pi نگذاریم تا با عدد π تعريف شده در متلب جایگزین نگردد. و همینطور نام متغیر را از کلمات کلیدی متلب مثل `if` و یا `for` انتخاب نکنیم. بزودی توضیح جامعتری در این موارد داده خواهد شد

کار خود را با تعريف چند متغیر عددی ساده شروع می‌کنیم (بعد از تعريف متغیر در خط فرمان کلید Enter را فشار دهید

```
>> a=4
a =
    4
```

۱۳



```
>> d=.2
d =
0.2000

>> g=2.3658
g =
2.3658
```

در صورتیکه در انتهای یک دستور متلب از نماد سمتیکالن (;) استفاده کنیم متغیر تعریف و مقداردهی می‌شود ولی نمایش داده نمی‌شود

```
>> s=5.69;
>> f_14=36;
```

می‌توانیم چندین دستور را در یک سطر وارد کنیم بدین منظور بین دستورها علامت کاما (,) و یا سمتیکالن می‌گذاریم. در صورت استفاده از کاما نتیجه دستور تایپ شده نمایش داده می‌شود ولی اگر از سمتیکالن استفاده کنیم نمایش نتیجه حذف خواهد شد.

```
>> d_58=2.36;e=12.365;

>> a=2,b=56,c=5,
a =
2
b =
56
c =
5
```

در ادامه توضیحی در مورد نمایش اعداد در متلب می‌دهیم. برای مثال عدد بیست میلیارد را در متلب تایپ کنید

```
>> 20000000000
ans =
2.0000e+010
```

نتیجه را بدین صورت بخوانید 2×10^{10} . با همین نمایش نیز می‌توانیم اعداد را تعریف کنیم



```
>> 2.36e4      => 2.36×104
ans =
    23600
```

می توانیم توان را بصورت منفی نیز تعریف کنیم

```
>> 6.39e-3      => 6.39×10-3
ans =
    0.0064
```

در متلب چندین پارامتر مقداردهی اولیه شده اند که کاربردهای زیادی دارند برای مثال به چند نمونه مهمن پر کاربرد از آنها اشاره می کنیم

```
>> pi           => π عدد
ans =
    3.1416

>> i           => √-1   عدد مختلط
ans =
    0 + 1.0000i

>> j           => √-1   عدد مختلط
ans =
    0 + 1.0000i

>> eps          => ε عدد بسیار کوچک اپسیلون
ans =
    2.2204e-016

>> inf          => ∞ عدد مثبت بی نهایت
ans =
    Inf

>> nan          => NaN به معنای اینکه یک عدد نیست ( Not-a-Number)
```



```
ans =
    NaN

>> 0/0
ans =
    NaN
```

برای مثال $0/0$ یک `nan` می‌باشد

۲.۲.۱ کلمات کلیدی متلب

تعداد کلمات کلیدی متلب زیاد نیست و این کلمات شامل `if`, `else`, `for`, `end`, `while`, ... می‌باشد. متلب خود این کلمات را تشخیص می‌دهد و در صورتی که این کلمات توسط کاربر تایپ گردد رنگ نمایش کلمه کلیدی به رنگ آبی تغییر می‌کند. برای داشتن لیستی از کلمات کلیدی می‌توانیم دستور `iskeyword` را در خط فرمان متلب تایپ کنیم.

```
>> iskeyword
```

کلمات کلیدی متلب

```
ans =

'break'
'case'
'catch'
'classdef'
'continue'
'else'
'elseif'
'end'
'for'
'function'
'global'
'if'
'otherwise'
'parfor'
'persistent'
'return'
'spmd'
'switch'
'try'
'while'
```



۲.۲.۲ جملات توضیحی

برای اینکه بخواهیم توضیحاتی را در قسمتی از برنامه اضافه کنیم می‌توانیم از نماد $\% \text{ استفاده کنیم}$ در این صورت عبارتهای بعد از این نماد در همان سطر به رنگ سبز در آمد و غیر اجرایی خواهند بود و تنها ارزش نمایشی و توضیحی خواهند داشت

```
>> a2=2.145; % one parameter
```

۲.۳ اعداد مختلط

با تعریف عدد مختلط $a + bi$ می‌توانیم اعداد را بصورت مختلط تعریف کنیم. برای این منظور یک عدد مختلط با قسمت حقیقی a و قسمت موهومی b را بصورت $a + bi$ و یا $2+3i$ نمایش می‌دهیم توجه داریم که عبارت $2+3i$ بمعنای عدد $2 + 3i$ است که می‌تواند هر مقداری داشته باشد و یا تعریف نشده باشد در حالی که $3i$ با توجه به قواعد نامگذاری متغیرها نمی‌تواند نام یک متغیر باشد و از این بابت مشکلی وجود ندارد خطایی که می‌تواند در اینجا رخ دهد این است که ممکن است ما a را در برنامه مقدار داده باشیم در این صورت در کار با عبارت $3i$ هیچ مشکلی نخواهیم داشت ولی اگر از عبارتی مثل عبارت $2+3i$ استفاده کنیم نتیجه آنچه که انتظار داریم نخواهد بود برای جلوگیری از وقوع این اشتباه بهتر است اگر از فرم $a+bi$ استفاده می‌کنیم بجای i از عبارت‌های معادل i و j استفاده کنیم یعنی: $2+3*i$

```
>> 2+3i
ans =
    2.0000 + 3.0000i

>> .45+3.8i
ans =
    0.4500 + 3.8000i

>> 4+3*i
ans =
```



```

4.0000 + 3.0000i

>> 4+i3
??? Undefined function or variable 'i3'.
→ i3 تعریف نشده است (تابع یا متغیر)

>> i=10; 4+3*i
ans =
    34

>> i=10; 4+3*1i
ans =
.0000i

```

۲.۴ آرایه ها

نکات:

- آغاز آرایه با علامت براکت باز [
- فاصله‌ی عناصر با , و یا فاصله
- پایان آرایه با علامت براکت بسته]

در این صورت یک ماتریس سطrix خواهیم داشت که به طور معادل آن را بردار و یا آرایه‌ی عددی (آرایه) می‌نامیم، برای آشنایی بیشتر مثال‌های زیر را دنبال کنید

```

>> a=[2,5,8]
a =
    2      5      8

>> b=[2   -9   1.36   5.2   6.9]
b =
    2.0000   -9.0000    1.3600    5.2000    6.9000

>> d=[]          → ماتریس تهی
d =

```

۱۸



[]

آرایه‌ها را می‌توانیم بصورت عنصر به عنصر نیز تعریف کنیم این موضوع را با ذکر یک مثال توضیح می‌دهیم

```
>> c(1)=5;c(2)=8;c(3)=10;
c =
    5      8      10
```

اندیس آرایه‌ها در مطلب مخالف صفر بوده و صحیح است یعنی اندیس صفر نداریم همچنانی
اندیس هایی مثل ۱.۲ و -۲ و ...

هرگاه تعدادی از عناصر ماتریس را تعریف نشده رها کنیم این عناصر خودبخود صفر تعریف می‌شوند

```
>> f(1)=5;f(2)=8;f(6)=-5;
f =
    5      8      0      0      0      -5
```

برای تعریف آرایه‌ای از اعداد با نظم خاص در مطلب می‌توانیم از راههای ساده‌تری استفاده کنیم

```
>> c1=1:5          → اعداد ۱ تا ۵
c1 =
    1      2      3      4      5

>> c2 = 0:6         → اعداد ۰ تا ۶
c2 =
    0      1      2      3      4      5      6

>> c3 = -6 : 9       → اعداد -۶ تا ۹
ans =
```

۱۹



Columns 1 through 11	\rightarrow	ستون ۱ تا ۱۱				
-6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4						
						ستون ۱۲ تا ۱۶
5 6 7 8 9	\rightarrow					

برای توضیحی در مورد نمایش برداری فوق به این نکته توجه داریم که نمی‌توان تعداد زیادی عدد را در یک سطر نشان داد و در این مورد در متلب با توجه به اندازه‌ی صفحه فرمان محدودیت داریم. از آنجا که بردار یک ماتریس سطروی است لذا هر عدد در بردار را می‌توان با ذکر شماره ستون آن مشخص کرد.

همچنین می‌توانیم گام تغییر اعداد را یک عدد دلخواه تعیین کنیم حالت کلی این تعریف بدین صورت است:

که بمعنای اعداد از n تا m است حالت دیگر تعریف $n:d:m$ می‌باشد که d گام تعریف را نشان می‌دهد با مثال‌های زیر موضوع کاملاً روشن می‌شود. در ضمن برای این تعریف می‌توان پرانتز () و یا علامت [] را استفاده کرد و یا بدون این دو دستور را نوشت.^۱

>> d1=0: 2 : 10	\rightarrow	اعداد صفر تا ده با گام دو
d1 =		
0 2 4 6 8 10		

>> d2=2: .2 :3	\rightarrow	اعداد ۲ تا ۳ با گام .۲
d2 =		
2.0000 2.2000 2.4000 2.6000 2.8000 3.0000		

^۱ نماد == را بخوانیم: معادل است با



```
>>d3=0:-1:-3      →      اعداد صفر تا -3
d3 =
    0     -1     -2     -3
```

برای حالتی که عدد دوم کوچکتر از عدد اول می‌باشد گام تغییر حتماً باید منفی ذکر گردد برای مثال نتیجه‌ی عبارت $0:-3$ ماتریس تهی خواهد بود

```
>> 0:-3
ans =
Empty matrix: 1-by-0 → ماتریس تهی 1 در صفر
```

ذکر نشدن گام نیز معنای گام 1 می‌باشد یعنی برای نمونه دو دستور $1:3$ و $1:1:3$ معادل هستند

:اگر بخواهیم بازه‌ای دلخواه را بصورت خطی به چندین قسمت مساوی تقسیم کنیم از این تابع استفاده می‌کنیم و فرم فراخوانی آن بصورت $\text{linspace}(a,b,N)$ می‌باشد که در نتیجه آن یک بردار سط्रی با عنصر اول a و عنصر آخر b ، فاصله عناصر یکسان و طول بردار N خواهیم داشت.

```
>> linspace(4, 9, 6)
ans =
    4     5     6     7     8     9
>> linspace(1, 2, 6)
ans =
    1.0000    1.2000    1.4000    1.6000    1.8000    2.0000
```

۲.۵ آرایه‌های خاص



(آرایه‌ی تمام صفر) برای ساختن برداری با عناصر تمام صفر می‌توانیم از zeros(1, n) دستور zeros استفاده کنیم بدین صورت که نتیجه‌ی zeros(1,n) یک آرایه‌ی n تایی (1×n) تمام صفر می‌دهد

```
>> zeros(1,5)
ans =
    0     0     0     0     0

>> zeros(1,3)
ans =
    0     0     0
```

(آرایه‌ی تمام یک) برای ساختن برداری با همه‌ی عناصر برابر یک می‌توانیم از دستور ones(1,n) استفاده کنیم بدین صورت که نتیجه‌ی ones(1,n) یک آرایه‌ی n تایی (1×n) صفر می‌دهد

```
>> ones(1,6)
ans =
    1     1     1     1     1     1
```

آرایه‌ای 1×6 با تمام عناصر ۵ بسازید

```
>> 5*ones(1,6)
ans =
    5     5     5     5     5     5
```

این توابع برای ساختن آرایه‌های خاص کاربرد زیادی دارند.



۲.۶ اعداد و آرایه‌ی تصادفی:

در متلب بمنظور تولید اعداد، آرایه‌ها و ماتریس‌های تصادفی توابع مختلفی در نظر گرفته شده است که هر یک از این توابع بروش متفاوت این اعداد را تولید می‌کنند و کاربردهای خاص خود را دارند در زیر چند نمونه از این توابع را معرفی می‌کنیم:

`rand(1,n)` : این تابع بمنظور تولید اعداد تصادفی با توزیع یکنواخت در بازه‌ی $[0 \ 1]$ استفاده می‌شود

تابع `rand` را در اینجا بصورت `rand(1,n)` فراخوانی می‌کنیم حاصل یک آرایه $1 \times n$ است که هر عنصر آرایه عددی تصادفی بین صفر و یک است برای مثال:

```
a = rand(1,4)
0.8147    0.9058    0.1270    0.9134
```

هر عنصر آرایه عددی تصادفی بین صفر و یک است

برای اینکه اعداد تصادفی در بازه بزرگتری توزیع شوند می‌توانیم تابع `rand()` را در عددی ضرب کنیم برای مثال $5 * \text{rand}(1,4)$ در بازه‌ی $[0 \ 5]$ قرار دارد

```
>> a=8*rand(1,3)
a =
    6.4022    1.1351    3.3741
```

در حالت کلی اگر u یک عدد تصادفی در بازه‌ی $[0 \ 1]$ باشد $a+(b-a)*u$ در بازه‌ی $[a \ b]$ قرار دارد

```
>> u=rand(1,6);
```



```
>> u1=2+(5-2)*u           → u1 ∈ [a b] a=2 b=5
u1 =
    4.4704    4.0845    2.9513    4.8507    2.1033    3.3162
```

عناصر u_1 تصادفی و در بازه‌ی $[2, 5]$ قرار دارند

randn(1, n): این تابع بمنظور تولید اعداد تصادفی با توزیع نرمال (میانگین صفر و واریانس یک) استفاده می‌شود این تابع را مشابه تابع **rand()** بصورت **randn(1,n)** فراخوانی می‌کنیم حاصل یک $1 \times n$ است که هر عنصر آرایه عددی تصادفی با توزیع یاد شده می‌باشد (این تابع عموماً در شبیه سازی نویز گاووسی کاربرد دارد)

```
>> a=randn(1, 4)
a =
   -0.2414    0.3192    0.3129   -0.8649
```

ملاحظه می‌کنیم که اعداد منفی نیز در این فراخوانی ظاهر می‌شوند. با روشهای مشابه روشهای برای **rand()** گفته شد می‌توانیم واریانس و میانگین توزیع را تغییر دهیم.

randint(): از این تابع برای تولید اعداد تصادفی صحیح استفاده می‌کنیم و به چندین فرم می‌توانیم این تابع را فراخوانی کنیم

randint(1, n): تولید رشته‌ی تصادفی متشکل از عناصر ۰ و ۱ با طول n (در اینجا فراخوانی شبیه **rand()** است)

```
>> a=randint(1, 5)
a =
   1     0     1     0     1
```



تولید اعداد تصادفی صحیح کمتر از m : `randint(1,n,m)`

این منظور عدد m باید بعنوان پارامتر سوم به ورودی‌هایتابع افزوده گردد بنابراین یک بردار تصادفی با طول n و عناصر صحیح کمتر از m بدست می‌دهد.

عنوان n عنصر بین ۰ و $m-1$

```
>> a=randint(1,5,8)
a =
    0      2      1      6      2
>> a=randint(1,5,80)
a =
    73     12     66     43     79
```

تولید اعداد تصادفی در بازه `randint(1,n,[a b])`

$(a \ a+1 \ a+2 \dots b-1 \ b) \leq [a \ b]$

```
>> a=randint(1,5,[-2 5])
a =
    -2      1      -2      5      -2
>> a=randint(1,5,[20 25])
a =
    24     24     25     20     22
```

این تابع یک تابع تصادفی نیست بلکه برای چیدن اعداد صحیح به فرم

تصادفی مورد استفاده قرار می‌گیرد برای مثال `randperm(n)` اعداد ۱ تا n را بترتیب تصادفی

می‌چیند

```
>> randperm(8)
ans =
    3      7      2      1      6      5      8      4
```



دستورهای بسیار زیاد دیگری نیز برای تولید اعداد تصادفی وجود دارند که عموماً مربوط به توزیع های مختلف می باشند برای مثال توزیع T و یا توزیع پواسن و یا انواع دیگر توزیعها ، ولی دستورهایی که در بالا مطرح شد در مسائل و موضوعات عمومی و در بسیاری از مباحث تخصصی می توانند نیاز ما را برطرف کنند.

۲.۷ فراخوانی و مقدار دهنده آرایه ها:

در کدنویسی برنامه های مختلف فراخوانی و مقدار دهنده به فراوانی مورد استفاده قرار می گیرد و توانایی متلب در فراخوانی، مقدار دهنده و انجام عملیات جبری بر روی زیر ماتریس ها و زیر آرایه ها از توانمندی های بالای متلب بشمار می رود

برای یک متغیر آرایه ای که در متلب تعریف شده است اگر نام آن متغیر را در صفحه فرمان تایپ کنیم مقادیر آن نشان داده می شود و یا اگر تنها عنصر خاصی از آرایه را فراخوانی کنیم تنها این عنصر نمایش داده می شود:

```
>>a(3)
ans =
    20
>>a(0)      → در متلب اندیس باید صحیح باشد و اندیس صفر نداریم
??? Attempted to access a(0); index must be a positive
integer or logical.
```

در متلب اندیس همواره یک عدد صحیح است و اندیس صفر نداریم

می توانیم چندین مقدار را همزمان فراخوانی کنیم

```
>>a(1:2)          → ۲ اتا ۱ عناصر
ans =
    10    15
```



```

>>a(1:3)
ans =
    10     15     20

>>a(2:5)
ans =
    15     20     25     30

>>a(2:2:8)
ans =
    15     25     35     45

>>a(5:-1:2)
ans =
    30     25     20     15

>>a(end)          → عنصر آخر
ans =
    50

>>a(end-3)
ans =
    35

>>a(3:end)        → عنصر ۳ تا آخر
ans =
    20     25     30     35     40     45     50

>>a(end:-1:1)    → با این عبارت می‌توانیم آرایه را از آخر به اول بنویسیم
ans =
    50     45     40     35     30     25     20     15     10

>>a(:)            → نمایش ستونی a
ans =
    10
    15
    20
    25
    30
    35
    40

```



45
50

را می‌توانیم بعنوان اندیس ماتریس فراخوانی کنیم که نمایشگر آخرین عنصر آرایه می‌باشد

فرم نمایش (:a) نمایش ستونی را نتیجه می‌دهد
می‌توانیم بجای اندیس یک بردار داشته باشیم و بدینصورت مجموعه‌ای از عناصر آرایه را فراخوانی کنیم

```
>>c=[1:5];d=[2 6 3 5];
>> a([2 4])
ans =
    15      25

>> a([1 5 2 ])
ans =
    10      30      15

>> a([1 5 2 5 8 2 4 2 2 4])
ans =
    10      30      15      30      45      15      25      15      15      25

>> a(c(1))
ans =
    10

>> a(c)
ans =
    10      15      20      25      30

>> a(d)
ans =
    15      35      20      30

>> a([c d 2])
ans =
    10      15      20      25      30      15      35      20      30      15
```

۲۸



۲.۷.۱ مقداردهی آرایه ها:

پس از توانایی فراخوانی مقداردهی کار سختی نیست

```
>> a=[1 2 3 4];
>> b=[10 20 30 40];

>> a(1)=20                         → مقدار دهی یک عنصر از آرایه
a =
    20      2      3      4

>> a(1:3)=[100 100 100]           → مقدار دهی همزمان چند عنصر
a =
    100     100     100      4

>> a([2 5])=[77 77]
a =
    100      77     100      4      77

>> x=a
x =
    100      77     100      4      77

>> x(1)=[]   → حذف یک عنصر
x =
    77     100      4      77

>> x=a;x(1:3)=[]           → حذف چند عنصر a=[100 77 100 4 77]
x =
    4      77

>> a(1:2:end)=[]           → حذف عناصر ۱ و ۳ و ۵
a =
    77      4
```





فصل ۳

۳ ما تریس ها

۳۱



۳.۱ ماتریس در MATLAB

اهمیت ماتریس در متلب از نامگذاری متلب که از MAtrix LABoratory گرفته شده است روش است . اغلب متغیرها ماتریس هستند برای مثال یک عدد معمولی یک ماتریس 1×1 است آرایه های سطري و ستونی وضعیت مشابهی دارند یک سیگنال صحبت و یا یک عکس همه یک ماتریس هستند. یک رشته‌ی متنی یک ماتریس با عناصر کاراکتر است

۳.۱.۱ تعریف ماتریس:

در تعریف ماتریس نکات زیر حائز اهمیت‌اند

- آغاز ماتریس با علامت براکت باز [
- فاصله‌ی عناصر یک سطر با کاما و یا فاصله
- تفکیک ستون‌ها با سمی‌کالن
- پایان آرایه با علامت براکت بسته]

```
>> A=[1 2 3; 4 5 6]
A =
    1     2     3
    4     5     6

>> A=[1 2 6 -8; 1 -3 5 4;4 5 5 6]
A =
    1     2      6     -8
    1     -3      5      4
    4      5      5      6
```

بنابراین آرایه‌ی سطري را نیز می‌توان بصورت زیر تعریف کرد:

```
>> A=[1;2;3;4]
A =
    1
    2
    3
    4
```



ماتریس ها را می توانیم بصورت عنصر به عنصر نیز تعریف کنیم این موضوع را با یک مثال توضیح می دهیم

```
>>A(1,1)=1;A(1,2)=2;A(2,1)=3;A(2,2)=4;

>>A      → A نمایش
A =
    1     2
    3     4
```

هرگاه تعدادی از عناصر ماتریس را تعریف نشده رها کنیم این عناصر خودبخود صفر تعریف می شوند

```
>>B(1,1)=2;B(2,1)=5;B(2,4)=8;

>>B
B =
    2     0     0     0
    5     0     0     8
```

۳.۱.۲ ماتریسهای خاص

این مبحث کاملا مشابه مبحث آرایه های سطري است با این تفاوت که بجای عدد ۱ نشانگر تعداد سطر در توابع یاد شده است (ones(),zeros(),rand(),...) عدد دلخواه m را می گذاریم لذا یک ماتریس $m \times n$ خواهیم داشت.

```
>> ones(3,6)
ans =
    1     1     1     1     1     1
    1     1     1     1     1     1
    1     1     1     1     1     1

>> rand(2,4)
ans =
```

۳۳



0.6221	0.5132	0.0760	0.1233
0.3510	0.4018	0.2399	0.1839

`eye(n)` : (ماتریس یکهی واحد) از این تابع برای ساختن ماتریس $n \times n$ با عناصر قطر

اصلی استفاده می شود

```
>> eye(3)
ans =
    1     0     0
    0     1     0
    0     0     1
```

`magic(n)` : دسته ماتریس های تعریف شده دیگری که در کتابها و مثال های

متلب دیده می شوند ماتریس های جادویی می باشند که یک ماتریس $n \times n$ بوده و عناصر آن اعداد 1 تا n^2 می باشند که به ترتیبی در ماتریس چیده می شوند که جمع همهی سطرها و همچنین همهی ستون ها یکسان باشد، این ماتریسها بصورت `magic(n)` در متلب قابل فراخوانی هستند و اغلب در مثال ها برای این منظور که زحمت تعریف یک ماتریس را به خود ندهیم از آنها استفاده می کنیم.

```
>> magic(3)      →      جمع همه عناصر هر یک از سطرها و همچنین ستون ها در اینجا 15 است
ans =
    8     1     6
    3     5     7
    4     9     2
```

`magic(4)` → جمع همه عناصر هر یک از سطرها و همچنین ستون ها در اینجا 34 است

```
ans =
    16     2     3     13
     5    11    10     8
     9     7     6    12
```



۳.۱.۳ تعریف ماتریس با استفاده از ماتریس‌های تعریف شده و معلوم

در تعریف آرایه‌ها و یا ماتریس‌ها می‌توانیم از آرایه‌ها و یا ماتریس‌های تعریف شده استفاده کنیم
مثالهای زیر موضوع را روشن‌تر می‌کند

```
>> a=1:4 ;
>> b=[2 6];
>> c=[1 2 a b];

>> A=[a ; a ; 1 6 8 9]
A =
    1      2      3      4      → a
    1      2      3      4      → a
    1      6      8      9

>> D=[A,A,A]
D =
  1   2   3   4   1   2   3   4   1   2   3   4
  1   2   3   4   1   2   3   4   1   2   3   4
  1   6   8   9   1   6   8   9   1   6   8   9
----- A ----- ----- A ----- ----- A -----
----- A ----- ----- A ----- ----- A -----
```

```
>>G=[A ; A]
G =
    1      2      3      4      |
    1      2      3      4      A
    1      6      8      9      |
    1      2      3      4      |
    1      2      3      4      A
    1      6      8      9      |
```

```
>>H=[A A A ; A A A]
H =
  1   2   3   4   1   2   3   4   1   2   3   4
  1   2   3   4   1   2   3   4   1   2   3   4
  1   6   8   9   1   6   8   9   1   6   8   9
  1   2   3   4   1   2   3   4   1   2   3   4
  1   2   3   4   1   2   3   4   1   2   3   4
```



1	6	8	9	1	6	8	9	1	6	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

: این دستور کاری مشابه در عبارت‌های بالا نوشته‌یم انجام می‌دهد بدین 

صورت که $\text{cat}(1,A,B)$ ماتریس‌های A و B را بصورت سطونی کنار هم قرار می‌دهد و

$\text{cat}(2,A,B)$ ماتریس‌های A و B را بصورت سطیری در کنار هم قرار می‌دهد

$$\text{cat}(2,A,B) \equiv [A,B] \quad \text{and} \quad \text{cat}(1,A,B) \equiv [A;B]$$

: نتیجه معادل ماتریس $\text{ones}(n, m)$ با عناصر A بجای عناصر یک 

است از این دستور بمنظور تکرار یک آرایه و یا ماتریس به تعداد دلخواه استفاده می‌کنیم که

برای مثال در ایجاد قطرار پالس کاربرد دارد (تکرار یک پالس به تعداد n بار

$$(\text{repmat}(c,1,n))$$

برای مثال $\text{repmat}(A,2,3)$ بصورت زیر است :

$$\text{repmat}(A,2,3) = \begin{pmatrix} A & A & A \\ A & A & A \end{pmatrix} \quad \square$$

$$\text{repmat}(A,1,4) \equiv (A \quad A \quad A \quad A) \quad \square$$

```
>> c=[1 4 2];
>> repmat(c,2,3)

ans =
    1     4     2     1     4     2     1     4     2
    1     4     2     1     4     2     1     4     2
```

۳.۲ فراخوانی و مقدار دهنده ماتریسها

```
>>B=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12;13 14 15 16]
B =
    1     2     3     4
    5     6     7     8
```



9	10	11	12
13	14	15	16

```

>>B(1,1)
ans =
    1

>>B(2,3)
ans =
    7

>>B(3,end)           سطر ۳ ستون آخر →
ans =
    12

>>B(end,end)         سطر آخر ستون آخر →
ans =
    16

>>B(end,end-2)
ans =
    14

>>B(1:3,end)         سطر ۱ تا ۳ ستون آخر →
ans =
    4
    8
    12

>>B(3,2:4)           سطر ۳ ستون ۲ تا ۴ →
ans =
    10     11     12

>>B(2,[2 3])
ans =
    6     7           سطر ۲ ستون ۲ و ۳ →

>>B(2,1:end)          سطر ۲ ستون ۱ تا آخر →
ans =
    5     6     7     8

>>B(2,:)
ans =

```

۳۷



5	6	7	8
>>B(1,:)	سطر ۱ →		
ans =	1	2	3 4
>>B(:,3)	ستون ۳ →		
ans =	3	7	11 15
>>B(:,2)	ستون ۲ →		
ans =	2	6	10 14
>>B(1:2,:)	سطر ۱ تا ۲ →		
ans =	1 2	3 4	
5 6	7 8		
>>B([3 2],:)	سطر ۲ و ۳ →		
ans =	9 10	11 12	
5 6	7 8		
>>B(:,[2 3])	ستون ۲ و ۳ →		
ans =	2 3		
6 7			
10 11			
14 15			
>> B(2,4)=300			
B =	1 2	3 4	
5 6	7 300		
9 10	11 12		
13 14	15 16		

۳۸



```

>> B(2,:)=[100 100 100 100] → مقداردهی یک سطر
B =
    1      2      3      4
    100    100    100    100
    9      10     11     12
    13     14     15     16

>> c=[50 50 80 80];

>> B(2,:)=c
B =
    1      2      3      4
    50     50     80     80
    9      10     11     12
    13     14     15     16

>> B(:,2)=[4;4;4;4]
B =
    1      4      3      4
    50     4      80     80
    9      4      11     12
    13     4      15     16

>> B(:,2)=250 → همهی عناصر ستون ۲ برابر ۲۵۰
B =
    1    250      3      4
    50   250      80     80
    9    250      11     12
    13   250      15     16

```

برای توضیحی در مورد فرآخوانی سطرها و یا ستون‌های یک ماتریس توجه کنید که عبارتی مثل (A(:,1)) شماره‌ی سطر را قید می‌کند و ستون را آزاد می‌گذارد یعنی شماره سطر یک و شماره ستون همه یا عبارت دیگر همان سطر 1 و یا عبارتی مثل (A(:,3)) ستون را قید کرده است و سطر آزاد است که بمعنای ستون 3 است، عبارتی مثل (A([2 3],:)) سطرهای دو و سه را مشخص می‌کند.



۳.۲.۱ فراخوانی زیر ماتریس

```

>> B=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12;13 14 15 16]
B =
    1     2     3     4
    5     6     7     8
    9    10    11    12
   13    14    15    16

>> B([1 2],[3 4])      → سطر ۱ ستون ۳ و ۴ و سطر ۲ ستون ۳ و ۴
ans =
    3     4
    7     8

>> B([2 1],[2 4])
ans =
    6     8
    2     4

>> B(:)      → نمایش ستونی ماتریس ستون‌ها زیر هم چیده می‌شوند
ans =
    1
    5
    9
   13
    2
    6
   10
   14
    3
    7
   11
   15
    4
    8
   12
   16

```

>> B(1) → فراخوانی تک اندیسی برای ماتریس

```

ans =
    1

```

>> B(2)

۴۰



```

ans =
    5

>> B(7)
ans =
    10

```

۳.۲.۲ * تبدیل اندیس ها

در اینجا این توضیح را می آوریم که دستورها، بخش ها و یا فصل هایی که با * علامت گذاری شده اند برای مطالعه تکمیلی بوده و خواننده می تواند از مطالعه ای این قسمت ها صرف نظر کند و حذف آنها ایرادی به یادگیری مطالب بعدی وارد نمی آورد.

نمایش معمولی، سطر و ستونی برای یک ماتریس با ابعاد $m \times n$

`[i , j] = ind2sub([m , n] , index)`



```

>> B=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12;13 14 15 16;17 18 19 20]
B =
    1     2     3     4
    5     6     7     8
    9    10    11    12
   13    14    15    16
   17    18    19    20

>> B(3)
ans =
    9

>> [i,j]=ind2sub(size(B),3)
i =
    3
j =
    1

>> B(i,j)
ans =

```

۴۱



9

```
>> B(10)
ans =
    18

>> [i,j]=ind2sub(size(B),10)
i =
    5
j =
    2

>> B(i,j)
ans =
    18

>> B(8)
ans =
    10

>> [i,j]=ind2sub(size(B),8)
i =
    3
j =
    2

>> B(i,j)
ans =
    10
```

۳.۲.۳ دستور reshape()

: ماتریس A را تبدیل به یک ماتریس $n \times m$ می‌کند برای این منظور تعداد عناصر A باید به تعداد $n \times m$ باشد در غیر این صورت با خطای متلب مواجه خواهیم شد

```
>> C=[1 2;3 4]
C =
```

۴۲



```

1      2
3      4

>> reshape(C,1,4)
ans =
1      3      2      4

>> D=[1 2 3;4 5 6]
D =
1      2      3
4      5      6

>> reshape(D,1,6)
ans =
1      4      2      5      3      6

→ ترتیب عناصر ستون‌های ماتریس اصلی است : عنصر اول ستون اول عنصر دوم ستون اول ... عنصر اول ستون دوم

>> B=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12;13 14 15 16];

>> reshape(B,1,16)

ans =
1 5 9 13 2 6 10 14 3 7 11 15 4 8 12 16

>> reshape(B,2,8)
ans =
1      9      2      10      3      11      4      12
5      13     6      14      7      15      8      16
→ عناصر بترتیب در ستونها چیده می‌شوند

>> reshape(B,3,4)

??? Error using ==> reshape
To RESHAPE the number of elements must not change.

→ تعداد عناصر ماتریس B (4×4=16) با 3×4=12 نمی‌خواند

>> reshape(B,8,2)
ans =
1      3

```

۴۳



5	7
9	11
13	15
2	4
6	8
10	12
14	16

۳.۳ ماتریس‌های سه بعدی و یا بالاتر

برای یک ماتریس از لحاظ تعریف برای بعد هیچ محدودیتی وجود ندارد اما عموم ماتریس‌هایی که ما با آنها سروکار داریم ماتریس‌های دو بعدی هستند. در مباحث معمول کمتر به یک ماتریس با بعد بالاتر نیاز پیدا خواهیم کرد مگر حالت خاصی که بخواهیم تعدادی ماتریس را با نام یکسان ذخیره کنیم اما در بحث‌های مقداری پیشرفته‌تر ماتریس‌های با مرتبه ۳ مواردی هستند به آشنایی و کار با آنها نیاز داریم.

۳.۳.۱ *تعریف و فراخوانی ماتریس مرتبه ۳

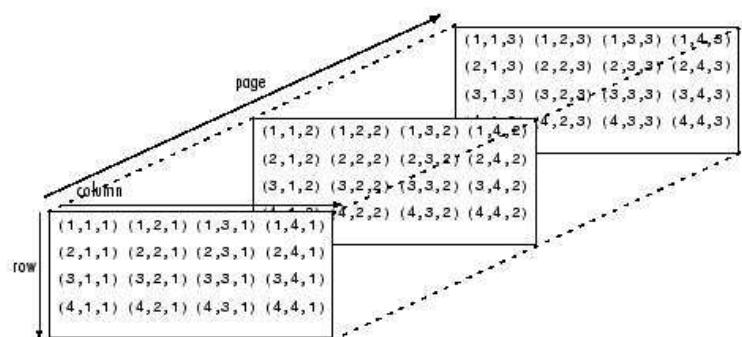
یک ماتریس مرتبه سه را می‌توانیم بصورت عنصر به عنصر تعریف کنیم و یا اینکه با ماتریس‌های با سایز یکسان که در بعد سوم کنار هم چیده می‌شوند آن را ایجاد کنیم. برای راحتی می‌توانیم چنین تصور کنیم که چندین صفحه در فضای موازات هم چیده می‌شوند. شکل‌های help مطلب در این زمینه بسیار گویا است و ما همین شکل‌ها را در ادامه می‌آوریم

ماتریس دو بعدی

column			
(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)
(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)
(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)

ماتریس سه بعدی





برای نمونه به نحوهی تعریف جایگاه عناصر در ماتریس سه بعدی زیر توجه کنید

		$A(2,3,2)$	
		$\begin{bmatrix} 6 & 8 \\ 4 & 3 \\ 5 & 9 \end{bmatrix}$	
		$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 4 & -1 & 2 \\ 8 & 2 & 1 \end{bmatrix}$	
$A(:,:,1) =$ $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 4 & -1 & 2 \\ 8 & 2 & 1 \end{bmatrix}$			
$A(:,:,2) =$ $\begin{bmatrix} 6 & 8 & 3 \\ 4 & 3 & 6 \\ 5 & 9 & 2 \end{bmatrix}$			

مثال‌های زیر چند نمونه از تعریف ماتریس سه بعدی هستند

```
>> A(1,1,1)=5;A(1,1,2)=8;A(1,2,1)=10;A(1,2,2)=2;

>> A
A(:,:,1) =
      5       10

A(:,:,2) =
      8       2

>> I=ones(3,4,2)
```

۴۵



```
I(:,:,1) =
1     1     1     1
1     1     1     1
1     1     1     1

I(:,:,2) =
1     1     1     1
1     1     1     1
1     1     1     1
```

۳.۳.۲ فراخوانی و مقداردهی ماتریس‌های سه‌بعدی

برای آشنایی با فراخوانی در ماتریس‌های سه‌بعدی مثالهای زیر را دنبال کنید

```
>> U=rand(3,4,2)

U(:,:,1) =
0.1681    0.8099    0.0309    0.4104
0.0526    0.9793    0.6531    0.1698
0.5893    0.4631    0.1770    0.3615
```

```
U(:,:,2) =
0.9446    0.9381    0.6455    0.3062
0.2142    0.6617    0.8530    0.5814
0.3662    0.9839    0.1337    0.6031
```

```
>> U(1,2,2)
```

```
ans =
```

۴۶



```
0.9381

>> U(3,4,2)
ans =
    0.6031

>> U(2,3,2)
ans =
    0.8530

>> U(2,:,:2)
ans =
    0.2142    0.6617    0.8530    0.5814

>> U(1,:,:2)
ans =
    0.9446    0.9381    0.6455    0.3062

>> U(:,1,2)
ans =
    0.9446
    0.2142
    0.3662

>> U(:,3,1)
ans =
    0.0309
    0.6531
    0.1770

>> U(1,3,:)
ans (:,:,1) =
```

۴۷



```

0.0309

ans(:,:,2) =
0.6455

>> U(:,:,1)

ans =
0.1681    0.8099    0.0309    0.4104
0.0526    0.9793    0.6531    0.1698
0.5893    0.4631    0.1770    0.3615

```

پس از آشنایی با فراخوانی، مقداردهی ماتریس‌های سه‌بعدی دیگر کار دشواری نیست

۳.۳.۳ ذخیره چند ماتریس در یک ماتریس سه بعدی

یکی از مواردی که عموما در کار با ماتریس‌های سه‌بعدی به آن برخورد می‌کنیم ذخیره چند ماتریس دو بعدی در یک ماتریس سه‌بعدی است

برای مثال فرض کنید می‌خواهیم سه ماتریس 5×5 ، A و B و C را که بصورت زیر تعریف شده‌اند را در یک ماتریس سه‌بعدی ذخیره کنیم

```

>> A=zeros(4,5);
>> B=ones(4,5);
>> C=5*ones(4,5);

```

با روش زیر این ماتریس‌ها را در ماتریس سه‌بعدی ذخیره می‌کنیم

```

>> D(:,:,:,1)=A;
>> D(:,:,:,2)=B;
>> D(:,:,:,3)=C;

>> whos
  Name      Size          Bytes  Class       Attributes

```



A	4x5	160	double
B	4x5	160	double
C	4x5	160	double
D	4x5x3	480	double

یک ماتریس سه بعدی است D

```
>> D(:,:,1)
```

ans =

0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0

همان A است

```
>> D(:,:,3)
```

ans =

5	5	5	5	5
5	5	5	5	5
5	5	5	5	5
5	5	5	5	5

همان C است

```
>> D(1,:,:)
```

ans (:,:,1) =

0	0	0	0	0
---	---	---	---	---

ans (:,:,2) =

1	1	1	1	1
---	---	---	---	---

ans (:,:,3) =

5	5	5	5	5
---	---	---	---	---

ترکیبی از ماتریس هاست

عکس این کار نیز ذخیره‌ی عناصر یک ماتریس سه بعدی در چند ماتریس دو بعدی است، برای مثال فرض کنید همین ماتریس D را می‌خواهیم در چند ماتریس دو بعدی ذخیره کنیم



```
>> A1=D(:,:,1);
>> A2=D(:,:,2);
>> A3=D(:,:,3);

>> A2
A2 =

```

1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1

اگر بخواهیم عبارت را بصورت زیر بنویسیم

```
>> A1=D(1,:,:)

A1(:,:,1) =

```

0	0	0	0	0
---	---	---	---	---

```
A1(:,:,2) =

```

1	1	1	1	1
---	---	---	---	---

```
A1(:,:,3) =

```

5	5	5	5	5
---	---	---	---	---

با توجه به اینکه $D(1,:,:)$ یک ماتریس سه بعدی است، $A1$ نیز یک ماتریس سه بعدی خواهد شد که با آنچه ما می خواستیم متفاوت خواهد بود

گهگاهی نیز در ذخیره ماتریس‌ها در یک ماتریس سه بعدی ممکن است با نوشتن دستور بصورت اشتباه به خطای زیر برخورد کنیم

```
>> D(4,:,:)=A
??? Subscripted assignment dimension mismatch.
```

که در این موارد خطای علت یکسان نبودن ابعاد طرفین تساوی رخ داده است



صورت صحیح عبارت بالا بشكل زیر است که قبل اذکر شد

```
>> D(:, :, 4) = A
```

۵۱





فصل 4

۴ عملیات جبری مقدماتی

۵۳



۴.۱ مقدمه

ساده‌ترین اعمال جبری جمع و تفریق هستند. تنها نکته‌ای که وجود دارد این است که در مورد بردارها و یا ماتریس‌ها در صورت جمع یا تفریق هردو ماتریس (و یا بردار) باید طول یکسانی داشته باشند. استثنای درمورد جمع آرایه‌ها و یا ماتریس‌ها با یک عدد است که در این صورت همه‌ی عناصر با عدد جمع می‌شوند. ضرب ماتریسی نیز عمل آشنایی است

```
>> 2+2
ans =
    4

>> 2-2
ans =
    0

>> 2*2
ans =
    4

>> 2/2
ans =
    1

>> 10/5
ans =
    2

>> 10\5      → 5/10
ans =
    0.5000
```

۵۴



```

>> 2^10
ans =
    1024

>> 2^0.5      →       $\sqrt{2}$  معادل
ans =
    1.4142

>> sqrt(2)
→   تابع رادیکال است sqrt()

ans =
    1.4142

>> 2^-1
ans =
    0.5000

>>A=[1 2 3;4 5 6; 7 8 9];B=[10 20 30;40 50 60; 70 80 90];

>>a=[1 2 3];b=[10 20 30];

>>a+b
ans =
    11      22      33

>>A+B
ans =
    11      22      33
    44      55      66
    77      88      99

>>a+6
ans =
    7      8      9

>>B+.2

```

۵۵



```

ans =
10.2000    20.2000    30.2000
40.2000    50.2000    60.2000
70.2000    80.2000    90.2000

>> a/2
ans =
0.5000    1.0000    1.5000

>> 2*a
ans =
2         4         6

>> 10*A
ans =
10         20         30
40         50         60
70         80         90

>> A/5
ans =
0.2000    0.4000    0.6000
0.8000    1.0000    1.2000
1.4000    1.6000    1.8000

>> A+B
ans =
11         22         33
44         55         66
77         88         99

>> A*A      → ضرب ماتریسی
ans =
30         36         42
66         81         96
102        126        150

>> A^2      → A^2 ≡ A*A
ans =
30         36         42
66         81         96
102        126        150

```



```

>> A^3      → A^3 ≡ A*A*A
ans =
    468      576      684
    1062     1305     1548
    1656     2034     2412

>> C=[1 2;3 4];

>> C^-1
ans =
   -2.0000    1.0000
    1.5000   -0.5000
معادل معکوس ماتریس A است (در این خصوص در زیرفصل مربوطه صحبت خواهد شد)

>> a*A      → ضرب بردار در ماتریس
ans =
    30      36      42

>> A*B
ans =
    300      360      420
    660      810      960
   1020     1260     1500

```

- در جمع (و یا ضرب ، تفریق و تقسیم) آرایه یا ماتریس با یک عدد همه عناصر با آن عدد جمع (و یا ضرب ، تفریق ، و تقسیم) می‌شوند

۴.۱.۱ ترانهاد

عملگر ' عملگر ترانهاده می‌باشد و برای یک ماتریس با عناصر حقیقی ترانهاده‌ی ماتریس را بدست می‌دهد ترانهاد یک بردار سطروی یک بردار ستونی و همینطور ترانهاد یک بردار ستونی بردار سطروی است. اگر عناصر ماتریس مختلط باشند عملگر فوق علاوه بر ترانهادگیری بجای عناصر ماتریس مزدوج مختلط آنها را نیز حساب می‌کند. برای اجتناب از این امر از عملگر ' استفاده می‌کنیم که در هر دو صورت عناصر حقیقی و یا مختلط فقط ترانهاد را بدست می‌دهد.



```

>> a=1:4;

>> b=[1-3i 1+8i 5-6i 7+7i];

>> a
a =
    1      2      3      4

>> a'
ans =
    1
    2
    3
    4

>> transpose(a)      →   تابع ترانهاد که معادل عملگر می باشد
ans =
    1
    2
    3
    4

>> a.'
ans =
    1
    2
    3
    4
→   دو عملگر پرایم و دات پرایم برای آرایه های حقیقی معادل اند

>> b=[1-3i ;1+8i; 5-6i ;7+7i]
b =
    1.0000 - 3.0000i
    1.0000 + 8.0000i
    5.0000 - 6.0000i
    7.0000 + 7.0000i

>> b'      →   ترانهاد علاوه هی مزدوج مختلط
ans =
    1.0000 + 3.0000i    1.0000 - 8.0000i    5.0000 + 6.0000i
    7.0000 - 7.0000i

```

۵۸



```

>> b.'      → فقط ترانهاد
ans =
1.0000 - 3.0000i    1.0000 + 8.0000i    5.0000 - 6.0000i
7.0000 + 7.0000i

>> A=randint(4,4,[-10 10])   → یک ماتریس دلخواه
A =
    -5      4      -1      -7
   -10     -4      -2       0
    -8      9       6      -1
     7     -10      6       3

>> A'
ans =
    -5     -10      -8       7
     4      -4       9     -10
    -1      -2       6       6
    -7       0      -1       3

>> a*a'
ans =
    30

>> b*b'
ans =
    3000

```

۴.۲ ضرب ، تقسیم و توان عنصر به عنصر

وقتی دو ماتریس را با هم جمع می‌کنیم هر عنصر با عنصر متناظر خود جمع می‌شود اگر بخواهیم چنین موردی نیز برای ضرب داشته باشیم یعنی اینکه برای مثال در ضرب دو ماتریس تنها عناصر متناظر، در هم ضرب شوند می‌توانیم از ضرب عنصر به عنصر تعریف شده در مطلب استفاده کنیم که با نماد \cdot (می‌توانیم بخوانیم دات ضرب) نشان داده می‌شود. شبیه این عمل را برای تقسیم و توان نیز داریم $/$. (می‌توانیم بخوانیم دات تقسیم) و $^{\wedge}$. (می‌توانیم بخوانیم دات توان)



```

>> a=1:4
a =
    1     2     3     4

>> b=[10 20 30 40];
b =
    10     20     30     40

>> a.*b
ans =
    10     40     90    160

>> a*b      → ابعاد متناسب نیست
??? Error using ==> mtimes
Inner matrix dimensions must agree.

>> a./b
ans =
    0.1000    0.1000    0.1000    0.1000

>> b./a
ans =
    10     10     10     10

>> b^a      → تعریف نشده
??? Error using ==> mpower
At least one operand must be scalar.

>> b.^a
ans =
    10         400        27000       2560000

>> b^2
??? Error using ==> mpower
Matrix must be square.

>> b.^2
ans =
    100        400        900       1600

```

٦٠



```

>> b.^0.5
ans =
    3.1623    4.4721    5.4772    6.3246

>> 2.^a
ans =
    2         4         8        16

>> 2.^b
ans =
    1.0e+012 *      → همهی عناصر باید در این عدد ضرب شوند
    0.0000    0.0000    0.0011    1.0995

>> 3.^a
ans =
    3         9        27        81

>> 2.^[0:5]
ans =
    1         2         4         8        16        32

>> [0:5].^2
ans =
    0         1         4         9        16        25

>> A=randint(4,4,[-10 10])
A =
    4         3        10         5
    5        -7        -3        -5
   -5        -8         2         0
    4         0        -6         4

>> B=magic(4)
B =
    16         2         3        13
     5        11        10         8
     9         7         6        12
     4        14        15         1

```



```

>> A.*B
ans =
   64      6     30     65
   25    -77    -30    -40
  -45    -56     12     0
   16      0    -90     4

>> A./B
ans =
  0.2500    1.5000    3.3333    0.3846
  1.0000   -0.6364   -0.3000   -0.6250
 -0.5556   -1.1429    0.3333     0
  1.0000        0   -0.4000    4.0000

>> A.^2
ans =
   16      9    100     25
   25     49      9    25
   25     64      4     0
   16      0     36     16

>> B.^0.5          → است sqrt(B) معادل
ans =
  4.0000    1.4142    1.7321    3.6056
  2.2361    3.3166    3.1623    2.8284
  3.0000    2.6458    2.4495    3.4641
  2.0       3.7417    3.8730    1.0000

```



فصل ۵

۵ توابع مقدماتی



۵.۱ توابع مثلثاتی

در این فصل سعی در معرفی تعدادی از پرکاربردترین توابع موجود در متلب داریم که البته در فصول قبل با تعدادی از آنها آشنا شده‌ایم

```
>> a=[pi/2 .2 pi/5 -.2]
a =
    1.5708      0.2000      0.6283     -0.2000

>> A=[pi/2 pi;-pi/3 pi/6 ]
A =
    1.5708      3.1416
   -1.0472      0.5236

>> rad2deg(pi)
ans =
    180

>> pi*(180/pi)
ans =
    180

>> deg2rad(90)
ans =
    1.5708

>> 90*(pi/180)
ans =
    1.5708

>> sin(pi)
ans =
  1.2246e-016

>> sin(pi/4)
ans =
    0.7071
```

۶۴



```

>> sin(a)
ans =
    1.0000    0.1987    0.5878   -0.1987

>> sin([0:.2:1]*pi)
ans =
    0    0.5878    0.9511    0.9511    0.5878    0.0000

>> sin(A)
ans =
    1.0000    0.0000
   -0.8660    0.5000

>> cos(pi/2)
ans =
    6.1232e-017    → با تقریب خوبی صفر است

>> tan(pi/6)
ans =
    0.5774

>> cot(pi/4)
ans =
    1.0000

```

۵.۱.۱ توابع مثلثاتی با آرگومان ورودی بر حسب درجه

```

>> sind(30)
ans =
    0.5000

```

>> sin(30*(pi/180)) → sind کار معادل



```

ans =
0.5000

>> sind(90)
ans =
1

>> cosd(180)
ans =
-1

```

۵.۱.۲ معکوس توابع مثلثاتی

```

>> asin(.5)
ans =
0.5236

>> acos(0)
ans =
1.5708

>> asin(3)
ans =
1.5708 - 1.7627i

>> atan(2)
ans =
1.1071

>> acot(1)
ans =
0.7854

>> asin(3)      → برای اعداد حقیقی سینوس بین -۱ و ۱ است
ans =
1.5708 - 1.7627i

```



۵.۱.۳ معکوس توابع مثلثاتی با خروجی درجه

```
>> asind(.5)
ans =
    30.0000

>> asin(.5)*(180/pi)
→ معادل کار asind رانجام می دهد
ans =
    30.0000

>> asind(1/sqrt(2))
ans =
    45.0000

>> asind(1)
ans =
    90

>> atand(1)
ans =
    45
```

۵.۲ توابع نمایی و لگاریتمی

exp(x) : مقدار e^x را محاسبه می کند

```
>> a=[pi/2 .2 pi/5 -.2]
a =
    1.5708    0.2000    0.6283   -0.2000
```



```

>> A=[pi/2 pi;-pi/3 pi/6 ]
A =
    1.5708    3.1416
   -1.0472    0.5236

>> exp(3)
ans =
    20.0855

>> e^3
??? Undefined function or variable 'e'.
→ این فرم نوشتار برای تابع  $e^x$  صحیح نیست و بسته به اینکه e چه باشد جواب متفاوت خواهد بود

>> e=10;e^3      → 10^3
ans =
    1000

>> exp(-3)
ans =
    0.0498

>> exp(-2:4)
ans =
    0.1353    0.3679    1.0000    2.7183    7.3891    20.0855    54.5982

>> exp(a)
ans =
    4.8105    1.2214    1.8745    0.8187

>> exp(A)
ans =
    4.8105    23.1407
    0.3509    1.6881

>> 2^4
ans =
    16

```

۶۸



```
>> 2.^A
ans =
    2.9707    8.8250
    0.4839    1.4375
```

۵.۲.۱ توابع لگاریتمی

$\text{Ln}(x)$: لگاریتم طبیعی 

$\text{log10}(x)$: لگاریتم مبنای ۱۰ 

$\text{log2}(x)$: لگاریتم مبنای ۲ 

```
>> log10(5)
ans =
    0.6990

>> log10(10)
ans =
    1

>> log10(10^4)
ans =
    4

*>> log10(-2)
ans =
    0.3010 + 1.3644i

>> log(10)
ans =
    2.3026

>> log(3)
ans =
    1.0986
```



```
>> log(exp(8))
ans =
    8

>> log2(5)
ans =
    2.3219

>> log2(2^4)
ans =
    4
```

٥.٢.٢ توابع هیپربولیک

```
>> sinh(.2)
ans =
    0.2013

>> tanh(.6)
ans =
    0.5370

>> asinh(5)
ans =
    2.3124

>> atanh(.8)
ans =
    1.0986
```

۷۰



۵.۳ توابع نظریه اعداد

۵.۳.۱ جزء صحیح و گرد کردن

توابع معروف برای قسمت صحیح اعداد و گرد کردن اعداد توابع زیراند

جزء صحیح `x` : `floor(x)`

گرد کردن به سمت عدد صحیح بزرگتر `ceil(x)`

قسمت صحیح `fix(x)`

گرد کردن بسمت عدد صحیح نزدیکتر `round(x)`

```
>> floor(2.6)
ans =
    2

>> floor(-2.6)
ans =
   -3

>> fix(-2.6)
ans =
   -2

>> ceil(1.1)
ans =
    2

>> round(1.2)
ans =
    1

>> round(1.8)
ans =
    2
```

۷۱



b : باقیمانده تقسیم a به rem(a,b)

```
>> rem(15,7)
ans =
    1

>> rem(15.3,7)
ans =
    1.3000
```

5.3.2 توابع مختلف دیگر از نظریه اعداد

اعداد اول کوچکتر از n را لیست می کند primes(n)

بررسی می کند که آیا a اول است (1) یا خیر (0) isprime(a)

n! : factorial(n)

a را به عوامل اول تجزیه می کند factor(a)

عدد a را بصورت کسری تبدیل می کند [num , den] = rat(a)

ک.م.م : lcm(a,b)

ب.م.م : gcd(a,b)

انتخاب k شی از n شی : nchoosek(n,k)

تمام جایگشت های درایه های x : perms(x)

```
>> primes(10)
ans =
    2     3     5     7

>> primes(20)
ans =
    2     3     5     7    11    13    17    19
```



```
>> isprime(20)
ans =
    0

>> isprime(17)
ans =

    1

>> factorial(4)
ans =
    24

>> factor(50)
ans =
    2      5      5

>> factor(16)
ans =
    2      2      2      2

>> [num,den]=rat(.365)
num =
    73
den =
    200

>> num/den
ans =
    0.3650

>> [num,den]=rat(pi)
num =
    355
den =
    113

>> num/den
ans =
    3.1416
```



```

>> lcm(6,8)
ans =
    24

>> gcd(6,8)
ans =
    2

>> perms([2 3 7])
ans =
    7     3     2
    7     2     3
    3     7     2
    3     2     7
    2     3     7
    2     7     3

>> n=7;k=3;
>> nchoosek(n,k)
ans =
    35

>> factorial(n)/(factorial(k)*factorial(n-k))
ans =
    35

```

۵.۴ * چند تابع پرکاربرد دیگر

۵.۴.۱ * تابع سینک

$$\text{sinc}(x) = \frac{\sin(\pi x)}{\pi x} : \text{sinc}(x) *$$

تابع sinc از توابع معروف در ریاضیات مهندسی و برق است

```

>> sinc(0)
ans =
    1

```



```
>> sinc(1)      → sinc(n)=0          عدد صحیح n
ans =
3.8982e-017

>> sinc(2)
ans =
-3.8982e-017

>> sinc(.1)
ans =
0.9836
```

۵.۵ توزیع نرمال

توزیع نرمال یکی از مواردی است که در محاسبات خود زیاد بدان بر می‌خوریم.تابع چگالی توزیع احتمال (pdf) این توزیع بصورت زیر است

$$p(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

که در آن μ میانگین و σ واریانس توزیع می‌باشند

تابع توزیع تجمعی با این مفهوم که: احتمال اینکه مقدار متغیر تصادفی X (که دارای توزیع نرمال است) از مقدار x کمتر باشد. بصورت زیر می‌باشد

$$P(X < x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} dx$$

این توزیع تجمعی برای حالت میانگین صفر و واریانس یک به Q-function معروف است

احتمال اینکه مقدار متغیر تصادفی X بین x_1 و x_2 باشد نیز از رابطه زیر بدست می‌آید

$$P(X \in [x_1 \ x_2]) = Q(x_2) - Q(x_1)$$



۵.۵.۱ تولید رشته‌ای از اعداد با توزیع نرمال

یک عدد تصادفی با توزیع نرمال میانگین mu و واریانس sigma تولید می‌کند. حال اگر بخواهیم یک ماتریس $n \times m$ از اعداد تصادفی با توزیع نرمال داشته باشیم از normrnd(mu,sigma,n,m) استفاده می‌کنیم

احتمال اینکه مقدار متغیر تصادفی با توزیع نرمال با

میانگین mu و واریانس sigma از x کمتر باشد

```
>> mu=0;sigma=1;
>> n=normrnd(mu,sigma,1)
n =
    0.5377

>> n=normrnd(mu,sigma,1)
n =
    1.8339

>> n=normrnd(mu,sigma,1,5)
→ آرایه ۱*۵ از اعداد تصادفی با توزیع نرمال و میانگین و واریانس مشخص
n =
    -2.2588      0.8622      0.3188     -1.3077     -0.4336

احتمال اینکه x کمتر از ۱ باشد →
P =
    0.8413

احتمال اینکه x کمتر از ۳ باشد
P =
    0.9987

>> P = normcdf([1 3],mu,sigma)
P =
    0.8413      0.9987
>> P(2)-P(1) → احتمال اینکه x بین ۱ و ۳ باشد
```



```
ans =
0.1573
```

ans = 0.1573 : احتمال اینکه متغیر تصادفی با میانگین mu و

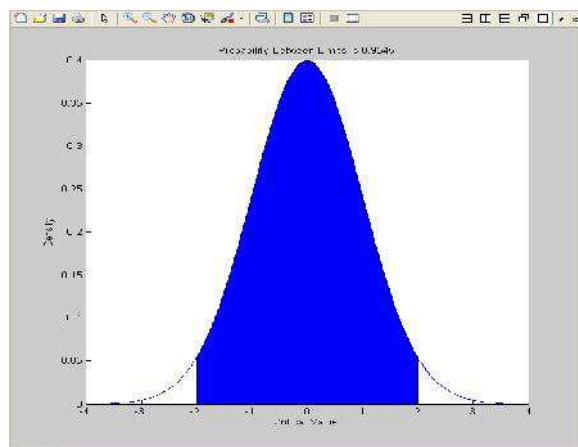
واریانس sigma بین x_1 و x_2 باشد همراه با نمودار توزیع تجمعی بسیار گویا

احتمال اینکه یک عدد تصادفی با توزیع نرمال استاندارد بین -2 و 2 باشد چقدر است؟

```
>> mu=0;sigma=1;
>> P = normcdf([-2 2],mu,sigma)
P =
    0.0228      0.9772

>> P(2)-P(1)
ans =
    0.9545
```

```
>> mu=0;sigma=1;
>> p=normspec([-2 2],mu,sigma)
p =
    0.9545
```



۷۷



$x = \text{norminv}(p, \mu, \sigma)$ 

$$x : P(X < x) = p$$

تجمعی برابر p شود یعنی:

این تابع ، تابع معکوس توزیع تجمعی است.

محل 90% توزیع تجمعی نرمال میانگین صفر و واریانس یک در کجا قرار دارد؟ 

```
>> x=norminv(.9,0,1)
x =
    1.2816
```

بازه‌ای متقاضی حول صفر که 95% مقادیر توزیع نرمال استاندارد در آن قرار دارد را پیدا کنید 

```
>> p=[.025 .975]
p =
    0.0250    0.9750

>> p(2)-p(1)
ans =
    0.9500

>> x = norminv(p,0,1)
x =
   -1.9600    1.9600
```



فصل ۶

۶ توابع پر کاربرد آرایه‌ای و ماتریسی

۷۹



۶.۱ اندازه و کمینه‌ی ماتریس

: طول بردار a را بدست می‌دهد `length(a)`

: سایز ماتریس را نشان می‌دهد `size(A)`

: نتیجه عددی است که برابر تعداد درایه‌های A است `numel(A)`

وقتی می‌گوییم اندازه‌ی یک ماتریس 3×2 است یعنی تعداد سطرها ۲ و تعداد ستونها ۳ است از آنجا که تعداد سطرها را در ابتدا و تعداد ستونها را در مرتبه دوم ذکر می‌کنیم این قرارداد را ذکر می‌کنیم بعد اول سطر ، و بعد دوم ستون باشد ممکن است ابعاد دیگری هم داشته باشیم. این قرارداد در بسیاری از موارد در فراخوانی دستورها می‌تواند به ما کمک کند.

```
>> A=zeros(5,8);
>> B=rand(12,4);
>> c=ones(1,7);
>> d=ones(4,1);

>> length(c)
ans =
    7

>> length(d)
ans =
    4

>> size(A)
ans =
    5      8

>> size(B)
ans =
    12      4
```

۸۰



```

>> [m, n]=size(A)
m =
      5
n =
      8

>> [m, n]=size(c)
m =
      1
n =
      7

>> x=size(A)      يک بردار سطری به طول دو است → x
x =
      5      8

>> m*n
ans =
      7

>> numel(A)      → number of elements
ans =
      40

>> numel(B)
ans =
      48

>> numel(c)
ans =
      7

>> size(A,1)      تعداد عناصر بعد ۱ (تعداد سطر ها) →
ans =
      5

>> size(A,2)      تعداد عناصر بعد ۲ (تعداد ستون ها) →
ans =
      8

>> size(B,1)
ans =
      12

```

۸۱



```
>> size(B,2)
ans =
    4
```

: برای حالتی که a یک بردار باشد این دستور کمینه مقدار این بردار را بدست `min(a)`

می‌دهد و در صورتی که x یک ماتریس باشد تابع `min` مقدار کمینه‌ی هر یک از ستون‌ها را حساب می‌کند و خروجی یک بردار سطحی خواهد بود که هر عنصر نشان دهنده‌ی مقدار کمینه‌ی ستون متناظر است. این دستور صورتهای دیگر فراخوانی دارد که در مثال‌ها آمده است.

: با کارکردی مشابه دستور `min(a)` مقدار بیشینه را بدست می‌دهد `max(a)`

```
>> min(1,4)      → مقدار کمینه از بین ۱ و ۴
ans =
    1

>> max(1,4)
ans =
    4

>> a1=7;a2=4;max(a1,a2)
ans =
    7

>> a = [1 2 3 4 5 6 7];
>> max(a,4)      → مقدار بیشینه بین درایه‌های a و ۴
ans =
    4      4      4      4      5      6      7

>> min(a,4)
ans =
    1      2      3      4      4      4      4

>> min(a,2)
```

۸۲



```

ans =
    1      2      2      2      2      2      2      2

>> a=[1 5 20 -5 -6 8 -25 9 10 3]
a =
    1      5      20     -5     -6      8     -25      9      10      3

>> b = randint(1,10,20)      → یک آرایهٔ تصادفی
b =
    16     18      2     18     12      1      5      10     19     19

>> min(a)      → مقدار کمینه‌ی a
ans =
    -6

>> min(b)
ans =
    1

>> min(a,b)
ans =
    1      5      2     -5     -6      1     -25      9      10      3
→ فراخوانی min با دو ورودی ، حاصل یک بردار با طول یکسان با بردارهای ورودی و عناصر کمینه‌ی بین دو ورودی

>> max(a,b)
ans =
    16     18      20     18     12      8      5      10     19     19

>> [me ma]=min(a)      → فراخوانی دستور min با دو خروجی مقدار کمینه و مکان عنصر کمینه
me =      → مقدار
    -6
ma =      → مکان
    5      → عنصر پنجم کمینه مقدار را دارد

تعريف نام متغیر های خروجی بعلت مشابهت با نام فارسی بوده و اختیاری است

>> [me ma]=min(b)
me =
    1

```

۸۳



```

ma =
    6

>> [me ma]=max(a)
me =
    20
ma =
    3

>> [me ma]=min(a)
me =
    -6
ma =
    5

>> A=randint(4,5,50)
A =
    7     40     39     42     37
    48      7     47     46     19
    47     21     32     33     32
    24     45      1     37      8

>> min(A)      → مقدار کمینه‌ی هر یک از ستون‌ها : نتیجه در یک بردار سط्रی داده می‌شود
ans =
    7     7     1     33     8

>> max(A)
ans =
    48     45     47     46     37

>> min(A')'   → از این تکنیک برای محاسبه‌ی کمینه‌ی سطرها استفاده می‌کنیم
ans =
    7
    7
    21
    1

>> max(A')'
ans =
    42
    48
    47
    45

```

۸۴



```

>> [me ma]=min(A)      → فراخوانی دستور min با دو خروجی برای یک ماتریس
me =
    7     7     1    33     8
ma =
    1     2     4     3     4 → شماره سطری که مقدار بیشینه در آن واقع است

>> [me ma]=max(A)
me =
    48     45     47     46     37
ma =
    2     4     2     2     1

>> min(min(A))      → مقدار کمینه یک ماتریس دو بعدی
ans =
    1

>> max(max(A))
ans =
    48

```

۶.۲ چرخش ماتریس‌ها

برای یک بردار آرایه‌ها را از آخر به اول می‌چیند و برای ماتریس ستون‌ها بدین ترتیب چیده می‌شوند :

برای یک ماتریس سطرها را از آخر به اول می‌چیند :

کمینه و بیشینه‌ی بردار a را بدست می‌دهد در صورتی که ورودی یک ماتریس باشد کمینه و بیشینه‌ی سطرها را بدست می‌دهد.



: این دستور ماتریس A را $k \times 90$ درجه در جهت مثبت مثلثاتی $\text{rot90}(A, k)$

(پاد ساعتگرد) می‌چرخاند

```
>> a=[1 5 20 -5 -6 8 5 9 10 -8];
>> b=randint(1,10,20)
b =
    16     18      2     18     12      1      5     10     19     19

>> a=[1 5 20 -5 -6 8 5 9 10 -8]
a =
    1      5     20     -5     -6      8      5      9     10     -8

>> c=fliplr(a)    → چیدن a از آخر به اول
c =
   -8     10      9      5      8     -6     -5     20      5      1

>> a(end:-1:1)    → کار معادل flipr
ans =
   -8     10      9      5      8     -6     -5     20      5      1

>> A=randint(4,5,50)
A =
    35      4      47      38      22
    1      41      1      39      32
   13      34      21      9      35
    2      15      19      24      37

>> flipr(A)           → چیدن ستون‌ها از آخر به اول
ans =
    22      38      47      4      35
    32      39      1      41      1
    35      9      21      34      13
    37      24      19      15      2

>> A(:,end:-1:1)       → معادل flipr ماتریسی
ans =
    22      38      47      4      35
    32      39      1      41      1
    35      9      21      34      13
    37      24      19      15      2
```

۸۶



```

>> flipud(A)          → چیدن سطرها از آخر به اول
ans =
    2     15     19     24     37
   13     34     21      9     35
     1     41      1     39     32
   35      4     47     38     22

>> A(end:-1:1,:)       → معادل flipud ماتریسی
ans =
    2     15     19     24     37
   13     34     21      9     35
     1     41      1     39     32
   35      4     47     38     22

>> minmax(a)
ans =
    -8     20

>> A=magic(4)
A =
    16      2      3     13
      5     11     10      8
      9      7      6     12
      4     14     15      1

>> minmax(A)
ans =
    2     16
    5     11
    6     12
    1     15

----- یک مثال خاص برای rot90 -----
```

>> A=imread('cameraman.tif');

فعلا دستور متلب را فقط به این صورت تایپ می کنیم و تنها با `rot90` کار داریم →

>> imshow(A) → نتیجه را در متلب ببینید

>> B=rot90(A); → چرخش ۹۰ درجه‌ای یک تصویر

۸۷



>> imshow(B) → چرخش ۹۰ درجه‌ای تصویر را در متلب بینید

۶.۳ چند تابع ریاضی

`sign(a)` تابع علامت است و برای مقادیر مثبت ۱ مقادیر منفی -۱ و برای صفر مقدار ۰ را برمی‌گرداند.

`abs(a)` تابع قدر مطلق است البته کارکردی دیگر برای اعداد مختلف دارد که در زیرفصل مربوطه ذکر خواهد شد.

`sqrt(a)` تابع رادیکال می‌باشد و می‌توان بجای آن بسادگی از $a^{0.5}$ و یا در صورت برداری و یا ماتریسی بودن ورودی از $A^{0.5}$ استفاده کرد

```
>> sign(-15.2)
ans =
    -1

>> sign(0)
ans =
    0

>> a=-4:4
a =
    -4     -3     -2     -1      0      1      2      3      4

>> sign(a)
ans =
    -1     -1     -1     -1      0      1      1      1      1

>> abs(a)
ans =
    4      3      2      1      0      1      2      3      4

>> b=2:8
b =
```

۸۸



2	3	4	5	6	7	8
>> sqrt(b)						
ans =						
1.4142	1.7321	2.0000	2.2361	2.4495	2.6458	2.8284
>> b.^0.5						
ans =						
1.4142	1.7321	2.0000	2.2361	2.4495	2.6458	2.8284

: این دستور بسیار پرکاربرد است و با توانایی استفاده از آن می‌توانیم $\sum(a)$ بسیاری از حلقه‌های for را از برنامه حذف کنیم، سرعت اجرای برنامه را زیاد و برنامه را خواناتر کنیم

>> sum(4,2) دستور sum برای جمع دو عدد نیست	→
ans =	4
>> a=-20:10:60	
a =	-20 -10 0 10 20 30 40 50 60
>> b=[4 -5 12 0 8 23 5 20 -12]	
b =	4 -5 12 0 8 23 5 20 -12
>> sum(a) → جمع همه درایه‌ها	
ans =	180
>> sum(b)	
ans =	55
>> sum(abs(a)) جمع قدر مطلق همه درایه‌ها	
ans =	240



```

>> sum(abs(b))
ans =
    89

>> sum(a-b)
ans =
    125

>> sum(abs(a-b))
ans =
    207

>> sum(a.^2)          →      جمع توان دو همهی عناصر
ans =
    9600

>> sum((a-b).^2)
ans =
    8347

>> B=[1 2 3 4 5; 6 7 8 9 10; 11 12 13 14 15 ]
B =
    1     2     3     4     5
    6     7     8     9     10
    11    12    13    14    15

>> D=(B-5)*3
D =
    -12    -9    -6    -3     0
     3     6     9    12    15
    18    21    24    27    30

>> sum(B)          →      جمع همهی ستونها
ans =
    18    21    24    27    30

>> sum(B,1)
ans =
    18    21    24    27    30

→ جمع همهی ستونها (عدد 1 بعدی است که عمل جمع در آن صورت می‌گیرد بعد سطري 1 بعد ستونی 2 و ...)

>> sum(B,3)

```

۹۰



```
ans =
    1     2     3     4     5
    6     7     8     9    10
   11    12    13    14    15
```

جمع عناصر B در بعد سوم (چون این ماتریس دو بعد بیشتر ندارد جمع روی بعد سوم خود ماتریس را نتیجه می‌دهد)

>> sum(4,3) → مشابه مورد بالا

```
ans =
    4
```

>> sum(B,2) → جمع همهی سطرها

```
ans =
    15
    40
    65
```

>> sum(D,1)

```
ans =
    9     18     27     36     45
```

>> sum(D,2)

```
ans =
-30
    45
   120
```

>> sum(sum(B)) → جمع همهی عناصر

```
ans =
   120
```

>> sum(sum(D))

```
135
```

>> sum(sum(abs(D)))

```
ans =
   195
```

>> sum(sum(abs(B-D)))

```
ans =
   113
```



: حاصلضرب درایه‌ها را حساب می‌کند و اگر ورودی ماتریس باشد نتیجه حاصلضرب ستون‌ها است.

```
>> a=2:6
a =
    2     3     4     5     6
>> prod(a)
ans =
    720

>> A=magic(3)
A =
    8     1     6
    3     5     7
    4     9     2

>> prod(A)          → حاصلضرب ستون‌ها
ans =
    96     45     84

>> prod(size(A))   → عموماً این عبارت بجای دستور numel استفاده می‌شود
ans =
    9

>> numel(A)
ans =
    9
```

۶.۳.۱ * جمع و ضرب تجمعی

: جمع تجمعی را حساب می‌کند و نتیجه یک بردار است این دستور در بیشتر در محاسبه‌ی توزیع تجمعی از روی توزیع احتمال کاربرد دارد.

: عملکرد مشابه cumsum در حوزه‌ی ضرب



```

>> a=1:5
a =
    1     2     3     4     5

>> b=-4:3:8
b =
    -4    -1     2     5     8

>> cumsum(a)    → cumulative sum
ans =
    1     3     6    10    15

>> cumsum(b)
ans =
    -4    -5    -3     2    10

>> cumprod(a)
ans =
    1     2     6    24   120

>> cumprod(b)
ans =
    -4     4     8    40   320

```

۶.۳.۲ توابعی از آمار ریاضی

: میانگین بردار a را بدست می‌دهد . اگر ورودی یک ماتریس باشد نتیجه میانگین ستون‌ها است

: میانه‌ی a را نتیجه می‌دهد و بیشتر یک دستور آماری است

: واریانس یک بردار را بدست می‌دهد معادل عبارت ریاضی σ_a^2 . اگر ورودی یک ماتریس باشد نتیجه واریانس ستون‌ها است



: پراکندگی استاندارد آرایه‌ی ورودی را بدست می‌دهد که معادل عبارت ریاضی σ_a^2 است اگر ورودی یک ماتریس باشد نتیجه پراکندگی استاندارد ستون‌ها است

```
>> a=[5 8 -3 25 12 -8 30 0 3]
a =
      5       8      -3      25      12      -8      30      0       3

>> b=[15 -13 0 5 1 -5 10 10 3]
b =
      15     -13       0       5       1      -5      10      10       3

>> mean(a)
ans =
      8

>> mean(b)
ans =
    2.8889

>> var(a)
ans =
    158

>> std(a)
ans =
    12.5698

>> std(a)^2
ans =
    158

>> I=(sum(a.^2-mean(a).^2))/(length(a)-1)
I =
    158
```

۹۴



$\text{norm}(a)$: نرم یک آرایه را حساب می کند که برای آرایه به صورت $\sqrt{\sum a_i^2}$ تعریف می شود در حالت کلی توان می تواند یک عدد دلخواه باشد $\sqrt{\sum a_i^p}$ که برای این منظورتابع $\text{norm}(a, p)$ را با دو ورودی فراخوانی می کنیم

```
>> a=10:5:40
a =
    10     15     20     25     30     35     40

>> norm(a)
ans =
    71.2390

>> sqrt(sum(a.^2))
ans =
    71.2390

>> norm(a,10)
ans =
    41.1556

>> (sum(a.^10))^.1
ans =
    41.1556
```

۶.۴ مرتب کردن آرایه ها

$\text{sort}(a)$: این دستور آرایه را به ترتیب از مقدار کوچک به بزرگ می چیند

$\text{find}()$: این دستور برای جستجو و پیدا کردن مقادیر خاص در آرایه ها و ماتریس ها بکار می رود و استفاده از آن پیش نیاز عبارتهای شرطی را می طلبد و در اینجا در حد آشنایی ساده مطرح می شود و بحث کامل تا کار با آرایه های شرطی به تعویق می افتد



```

>> a=[13 17 -15 17 5 -17 -9 2 19 19]
a =
    13      17     -15      17       5      -17      -9       2      19      19

>> a1=sort(a)
a1 =
    -17     -15     -9       2       5      13      17      17      19      19

>>[a1 ind]=sort(a)          مرتب کردن صعودی علاوه‌ی اندیس عناصر →
a1 =
    -17     -15     -9       2       5      13      17      17      19      19
ind =
    6       3       7       8       5       1       2       4       9       10

>> sort(a, 'ascend')      → صعودی
ans =
    -17     -15     -9       2       5      13      17      17      19      19

>> sort(a, 'descend')     → نزولی
ans =
    19      19      17      17      13       5       2      -9      -15      -17

>> a1(end:-1:1)           → یک روش دیگر برای مرتب کردن نزولی
ans =
    19      19      17      17      13       5       2      -9      -15      -17

>> A=magic(4)
A =
    16      2       3      13
      5      11      10       8
      9       7       6      12
      4      14      15       1

>> sort(A)
ans =                               → ستون‌ها بصورت نزولی مرتب شده‌اند
        4       2       3       1
        5       7       6       8
        9      11      10      12
       16      14      15      13

```



```
>> sort(A,1)                                → سطون ها بصورت نزولی مرتب شود
ans =
    4     2     3     1
    5     7     6     8
    9    11    10    12
   16    14    15    13

>> sort(A,2)                                → سطرها بترتیب نزولی مرتب شوند
ans =
    2     3     13    16
    5     8     10    11
    6     7     9     12
    1     4     14    15

>> ind=find(a==2)                           خروجی اندیس جایی است که در آن a برابر ۲ است →
ind =                                         8
→                                         در اینجا از عبارت == استفاده می‌کیم توضیح در عبارتهای شرطی خواهد آمد

>> a(ind)
ans =
    2

>> ind=find(a==17)
ind =
    2     4

>> a(ind)
ans =
    17     17
```



٦.٥ توابع اعداد مختلط

conj (a) : مزدوج مختلط عدد را میدهد. بدین منظور می‌توان عملگر ' را برای عدد و عملگر ' را برای آرایه و یا ماتریس استفاده کرد

real (a) : قسمت حقیقی عدد مختلط

imag (x) : قسمت موهومی عدد مختلط

abs (a) : اندازه‌ی عدد مختلط

angle (a) : فاز عدد مختلط بر حسب رادیان

```
>> a=4-3i
a =
    4.0000 - 3.0000i

>> b=5-8i
b =
    5.0000 - 8.0000i

>> d=[1-3i 4-5i -2-5i 4-8i]
d =
1.0000 - 3.0000i   4.0000 - 5.0000i   -2.0000 - 5.0000i
4.0000 - 8.0000i

>> a'
ans =
    4.0000 + 3.0000i
```

۹۸



```
>> conj(a)
ans =
    4.0000 + 3.0000i

>> conj(d)
ans =
1.0000 + 3.0000i      4.0000 + 5.0000i      -2.0000 + 5.0000i
4.0000 + 8.0000i

>> d' .
ans =
1.0000 + 3.0000i      4.0000 + 5.0000i      -2.0000 + 5.0000i
4.0000 + 8.0000i

>> real(a)
ans =
    4

>> real(d)
ans =
    1      4      -2      4

>> imag(a)
ans =
    -3

>> imag(d)
ans =
    -3      -5      -5      -8

>> abs(a)
ans =
    5

>> abs(d)
ans =
    3.1623      6.4031      5.3852      8.9443

>> angle(a)
ans =
    -0.6435
```

۹۹



```
>> angle(d)
ans =
-1.2490 -0.8961 -1.9513 -1.1071

>> 180/pi*angle(d) → زاویه بر حسب درجه
ans =
-71.5651 -51.3402 -111.8014 -63.4349
```

☒ دستور sort() برای اعداد مختلط اندازه‌ی عدد مختلط را معيار قرار می‌دهد و بر این اساس اعداد را بترتیب صعودی (در اندازه) مرتب می‌کند در صورت یکسان بودن اندازه عددی که فاز بزرگتری دارد بزرگ حساب می‌شود

```
>> q=[-9 1+1i 8 3-5i 1-1i 3+5i 6]
q =
Columns 1 through 4
-9.0000 1.0000 + 1.0000i 8.0000 3.0000 - 5.0000i

Columns 5 through 7
1.0000 - 1.0000i 3.0000 + 5.0000i 6.0000

>> w=sort(q)
w =
Columns 1 through 3
1.0000 - 1.0000i 1.0000 + 1.0000i 3.0000 - 5.0000i

Columns 4 through 7
3.0000 + 5.0000i 6.0000 8.0000 -9.0000

>> abs(w) → اندازه بترتیب صعودی است
ans =
1.4142 1.4142 5.8310 5.8310 6.0000 8.0000 9.0000

>> angle(w)
ans =
-0.7854 0.7854 -1.0304 1.0304 0 0 3.1416
```

۱۰۰



۶.۶ عبارتهای جبری

در این بخش پس از یادگیری و آشنایی با توابع مختلف می‌خواهیم صورت متبصره عبارت‌های جبری را که عموماً به آنها برخورد می‌کنیم را بنویسیم. برای آشنایی بیشتر مثالهای زیر را دنبال کنید

$x = [x_1 \ x_2 \ \dots \ x_N]$ فرض کنید x در حالت کلی یک آرایه‌ی برداری بصورت باشد ?

صورت متبصره عبارت‌های جبری زیر را بنویسید (جواب در سمت راست نوشته شده است)

$\sin(x)$	$\gg \sin(x)$
$\cos(x)$	$\gg \cos(x)$
$\sin^{-1}(x)$	$\gg \text{asin}(x)$
$\sinh(x)$	$\gg \sinh(x)$
$\sinh^{-1}(x)$	$\gg \text{asinh}(x)$
$\tanh^{-1}(x)$	$\gg \text{atanh}(x)$
e_x	$\gg \exp(x)$
$\log(x)$	$\gg \text{log10}(x)$
$\ln(x)$	$\gg \log(x)$
$() * ()$	$\gg () . * () \Leftrightarrow$ حالت کلی
e^{-x^2}	$\gg \sin(x) ./ x$
$x \sin(x)$	$\gg \exp(-x.^2)$



$x \sin(\frac{x}{x^2})$	>> $x.*\sin(x)$
$\frac{1}{x}$	>> $x.*\sin(x.^2)$
$\frac{\sin(\frac{x}{x^2})}{x}$	>> $() ./ () \Rightarrow$ حالت کلی
$\frac{x^3 - 3x^2 - x + 1}{x^2 - 13}$	>> $(x.^3 - 3*x + 1) ./ (x.^2 - 13)$
$\frac{x^2 \sin(x) - \cos(x)}{x^3 - 3x}$	>> $((x.^2).*\sin(x) - \cos(x)) ...$ $./ (x.^3 - 3*x)$
$x e^{-\frac{x^2}{x+3}}$	>> $x.*\exp(-(x.^2)./(x+3))$
$x - \frac{x}{x^2 - 1}$	>> $x - x./ (x.^2 - 1)$
	>> $x - x./ (x.^2 - 1) \Rightarrow$ ایراد دستوری ندارد ولی صحیح نیست
$e^x - x^2$	>> $\exp(x) - x.^2$
$\frac{e^x - x^2}{e^x + e^{-x}}$	>> $(\exp(x) - x.^2) ./ (\exp(x) + \exp(-x))$
$\frac{e^x - x^2}{e^x + e^{-x}}$	>> $(\exp(x) - x.^2) ./ (\exp(x) + \exp(-x))$

اگر a و b دو بردار با طول یکسان باشند $a./b$ تقسیم آشنای عنصر به عنصر است نکته‌ی

قابل توجه این است که a/b نیز در مطلب تعریف شده است

و در صورتیکه از عملگر $/$ بجای $.$ استفاده کنیم ایراد نگارشی وجود ندارد ولی عبارت

محاسبه شده با عبارت مورد نظر ما متفاوت است لذا لازم است در نوشتن عبارت تقسیم

عنصر به عنصر دو بردار دقیق داشته باشیم



۶.۶.۱ یادآوری چند نکته در مورد صفحه فرمان (command window)

در اینجا چند نکته برای آشنایی اولیه با صفحه فرمان ذکر می‌کنیم . بعدها در یک فصل مجزا بصورت مفصلتر به بررسی این صفحه و صفحات مختلف متلب خواهیم پرداخت

- ابتدای دستور متلب علامت <> قرار دارد
- اگر در ابتدای خط فرمان جاری کلید بالاپیمای ↑ صفحه کلید را فشار دهیم به دستور قبل می‌رسیم
- اگر عبارتی را تایپ و سپس کلید بالاپیما ↑ را فشار دهیم دستور قبلی متلب که با این عبارت آغاز می‌شود در خط فرمان جاری ظاهر خواهد شد مثال a=↑ و یا sort↑ (علامت ↑ در اینجا بمعنای فشردن کلید بالاپیما است)
- کلید Esc خط فرمان جاری را پاک می‌کند
- دستورclc موجب پاک شدن صفحه فرمان می‌شود
- پاک شدن صفحه بمعنای پاک شدن متغیرها نیست





فصل 7

۷ جبر ماتریسی

۱۰۵



٧.١ جبر ماتریسی

در این فصل ما با عملیات مختلف ماتریسی در متلب آشنا می‌شویم

$A \times B$: ضرب ماتریسی دو ماتریس A و B

A' : ترانهاده A

$\det(A)$: دترمینان A

$\text{inv}(A)$: معکوس A

$\text{diag}(A)$: قطر اصلی A

```
>> A=magic(3)
A =
    8     1     6
    3     5     7
    4     9     2

>> A.'
ans =
    8     3     4
    1     5     9
    6     7     2

>> diag(A)
ans =
    8
    5
    2
```

۱۰۶



```

>> diag(diag(A))
ans =
    8      0      0
    0      5      0
    0      0      2

>> det(A)           → |A|
ans =
-360

>> det(A)*det(inv(A))   → |A-1| = 1 / |A-1|
ans =
    1

>> inv(A)
ans =
    0.1472   -0.1444   0.0639
   -0.0611    0.0222   0.1056
   -0.0194    0.1889  -0.1028

>> A^-1   → همان معکوس A را نتیجه می دهد
ans =
    0.1472   -0.1444   0.0639
   -0.0611    0.0222   0.1056
   -0.0194    0.1889  -0.1028

>> inv(A)*A
ans =
    1.0000      0   -0.0000
      0    1.0000      0
      0      0.0000   1.0000

```

```

>> B=(A-4)
B =
    4     -3      2
   -1      1      3
    0      5     -2

```

۱۰۷



```
>> B/A      → B/A ≡ B*A-1
ans =
0.7333   -0.2667   -0.2667
-0.2667   0.7333   -0.2667
-0.2667   -0.2667   0.7333

>> B*inv(A)
ans =
0.7333   -0.2667   -0.2667
-0.2667   0.7333   -0.2667
-0.2667   -0.2667   0.7333
```

* ضرب کرونکر 7.1.1

B,A ضرب کرونکر : `kron(A, B) *`

ضرب کرونکر را می‌توانیم بدین صورت بیان کنیم که در آن هر درایه‌ی ماتریس A در همه‌ی ماتریس B ضرب می‌شود. و توجه داریم که با توجه به تعریف این ضرب قابلیت جابجایی ندارد. در بعضی از مباحث پیشرفته استفاده از این دستور می‌تواند بر سرعت و خوانایی برنامه بیافزاید. برای مثال A یک ماتریس 3×2 باشد ضرب کرونکر B,A بصورت زیر است

$$A = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \end{bmatrix}$$

$$A \otimes B = \begin{bmatrix} A_{11} * B & A_{12} * B & A_{13} * B \\ A_{21} * B & A_{22} * B & A_{23} * B \end{bmatrix}$$

که B یک ماتریس است

ماتریس A را در n سطر m ستون تکرار می‌کند و معادل `kron(ones(n,m), A)` دستور `repmat(A,n,m)` است



```

>> A=[1 1;1 1]
A =
    1     1
    1     1

>> B=[2 3]
B =
    2     3

>> kron(A,B)
ans =
    2     3     2     3
    2     3     2     3

>> kron(B,A)      → kron(A,B) ≠ kron(B,A)
ans =
    2     2     3     3
    2     2     3     3

>> C=[1 2;3 4]
C =
    1     2
    3     4

>> kron(A,C)
ans =
    1     2     1     2
    3     4     3     4
    1     2     1     2
    3     4     3     4

>> s=[1 5 8 -2 4]
s =
    1     5     8     -2     4

>> kron(ones(1,3),s)
ans =
    1     5     8     -2     4     1     5     8     -2     4     1     5     8     -2     4
→ از این تکنیک برای تکرار به تعداد دلخواه یک آرایه استفاده می‌شود

```

۱۰۹



```
>> kron(s,ones(1,3))      →
از این تکنیک برای چندین تکرار یک عنصر استفاده می‌شود
ans =
1     1     1     5     5     5     8     8     8    -2    -2    -2     4     4     4
```

`rank(A)` : رنک یک ماتریس تعداد سطرها و یا ستونهایی که از یکدیگر مستقل خطی هستند

```
>> A=[1 0;0 1]
```

```
A =
1     0
0     1
```

```
>> B=[1 2;4 8]
```

```
B =
1     2
4     8
```

```
>> rank(A)
```

```
ans =
2
```

```
>> rank(B)
```

```
ans =
1
```

۷.۲ دستگاه معادلات خطی

از ریاضیات مقدماتی می‌دانیم که یک دستگاه معادلات خطی را می‌توانیم به شکل ماتریسی بنویسیم

$$\begin{bmatrix} A_{11} & \cdots & A_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ A_{n1} & \cdots & A_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ \vdots \\ b_n \end{bmatrix} \rightarrow Ax=b$$

$$x = A^{-1} * b = A \backslash b$$

۱۱۰



```

>> A=[ 4 3 -6; 4 -2 3; 2 4 7]
A =
    4      3      -6
    4     -2       3
    2      4       7

>> b=[ 0; 2; -8]
b =
    0
    2
   -8

>> det(A)      → |A|≠0
ans =
-290

>> x=inv(A)*b  → جواب معادله
x =
    0.2276
   -1.2690
   -0.4828

>> x=A\b      → این فرم نوشتار ساده‌تر است و خود مطلب نیز از آن استفاده می‌کند
x =
    0.2276
   -1.2690
   -0.4828

```

۷.۲.۱ *تجزیه LU

تجزیه LU یکی از روش‌های قوی برای محاسبهٔ معکوس ماتریس و حل معادله‌ی چند مجهولی ساده است که در آن، ماتریس را به دو ماتریس بالا مثلثی و پایین مثلثی تجزیه می‌کنیم که حاصلضرب آنها برابر ماتریس اصلی است چنان تفکیکی همیشه امکان پذیر نیست و شرایط خاصی را می‌طلبد یک راه برای اینکه به این روش مقداری عمومیت دهیم این است که سطرهای ماتریس اصلی را جابجا کرده سپس تجزیهٔ LU را انجام دهیم.



L1 یک ماتریس پایین مثلثی است که سطرهای آن جابجا

$[L1, U] = lu(A)$

L1*U = A شده‌اند

[L, U, P] تجزیه به ماتریس‌های پایین مثلثی و بالا مثلثی در حالت کلی

برای این کار باید سطرهای A جابجا شوند ماتریس P این کار را انجام می‌دهد $LU = PA$

p را بصورت برداری ذخیره می‌کند که در کار با $[L, U, p] = lu(A, 'vector')$

ماتریس‌های با ابعاد بالا از ذخیره‌ی داده و سرعت انجام برنامه می‌تواند بسیار مفید باشد

: ماتریس A با عناصر مثلث بالا $triu(A)$

: ماتریس A با عناصر مثلث پایین $tril(A)$

```
>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 0];
>> [L1, U] = lu(A) → سطر ۲ و ۳ مربوط به ماتریس پایین مثلثی جابجا شده‌اند
L1 =
    0.1429    1.0000         0
    0.5714    0.5000    1.0000
    1.0000         0         0

U =
    7.0000    8.0000         0
        0    0.8571    3.0000
        0         0    4.5000

>> L1*U
ans =
    1         2         3
    4         5         6
    7         8         0
```



```

>> X = inv(U)*inv(L1)
X =
-1.7778    0.8889   -0.1111
 1.5556   -0.7778    0.2222
-0.1111    0.2222   -0.1111

>> [L2,U,P] = lu(A)
L2 =
 1.0000      0      0
 0.1429    1.0000      0
 0.5714    0.5000    1.0000

U =
 7.0000    8.0000      0
 0      0.8571    3.0000
 0      0      4.5000

P =
 0      0      1
 1      0      0
 0      1      0

>> P*L1
ans =
 1.0000      0      0
 0.1429    1.0000      0
 0.5714    0.5000    1.0000

>> P*A - L2*U → PA = L2U
ans =
 0      0      0
 0      0      0
 0      0      0

>> A=magic(3)
A =
 8      1      6
 3      5      7
 4      9      2

```



```
>> tril(A) → lower triangular
ans =
    8     0     0
    3     5     0
    4     9     2

>> triu(A) → upper triangular
ans =
    8     1     6
    0     5     7
    0     0     2
```

* حل معادله چند مجهولی بروش LU ۷.۲.۲

$$Ax=b \Rightarrow LUX = b$$

$$UX = L^{-1} * b = L \setminus b$$

$$x = U^{-1} * (L \setminus b) = U \setminus (L \setminus b)$$

```
>> A=[4 3 -6;4 -2 3;2 4 7]
A =
    4     3     -6
    4    -2      3
    2     4      7

>> b=[0; 2; -8]
b =
    0
    2
   -8

>> [L,U]=lu(A)
L =
    1.0000         0         0
    1.0000    1.0000         0
    0.5000   -0.5000    1.0000
U =
    4.0000    3.0000   -6.0000
         0   -5.0000    9.0000
```



```

0          0    14.5000

>> x1=A^-1*b
x1 =
    0.2276
   -1.2690
   -0.4828

>> x=U\ (L\b)
x =
    0.2276
   -1.2690
   -0.4828

>> A=magic(3)
A =
    8      1      6
    3      5      7
    4      9      2

>> b=[3; 2; 8]
b =
    3
    2
    8

>> [L,U,p] = lu(A, 'vector')
L =
    1.0000      0      0
    0.5000      1.0000      0
    0.3750      0.5441      1.0000
U =
    8.0000      1.0000      6.0000
        0      8.5000     -1.0000
        0          0      5.2941
p =
    1      3      2

>> x1=A^-1*b
x1 =
    0.6639
    0.7056
   -0.5028

```



```
>> x=U\b(L\b(b(p)))
x =
    0.6639
    0.7056
   -0.5028
```

- ☒ حل معادلات خطی بروش LU حدود 2.5 برابر از روش ماتریس سریعتر است (سرعت اجرای دستورها را می‌توان با روش‌های مختلف در متلب بدست آورد که در فصل‌های آتی به آن اشاره خواهد شد)

۷.۲.۳ * عبارتهای جبری ماتریسی

در حل معادله‌ای مثل $x = e^{at}$ نتیجه بسادگی بدست می‌آید $\frac{dx}{dt} = ax$ در حالت کلی‌تر اگر x یک بردار و A یک ماتریس باشد نتیجه‌ی مشابهی داریم:

$$\frac{dx}{dt} = Ax \rightarrow x = e^{At}$$

برای محاسباتی از این دست به توابع ماتریسی برمی‌خوریم

\sqrt{A} : `sqrtm(A)` 

e^A `expm(A)` 

$\ln(A)$ `logm(A)` 

```
>> A=magic(3)
A =
    8     1     6
    3     5     7
```



```

        4      9      2

>> B=sqrtm(A)
B =
    2.7065 + 0.0601i   0.0185 + 0.5347i   1.1480 - 0.5948i
    0.4703 + 0.0829i   2.0288 + 0.7378i   1.3739 - 0.8207i
    0.6962 - 0.1430i   1.8257 - 1.2725i   1.3511 + 1.4155i

>> D=B*B
D =
    8.0000 + 0.0000i   1.0000 + 0.0000i   6.0000 - 0.0000i
    3.0000 + 0.0000i   5.0000             7.0000 + 0.0000i
    4.0000 - 0.0000i   9.0000 - 0.0000i   2.0000 - 0.0000i

>> B=expm(A)
B =
    1.0e+006 *
    1.0898      1.0896      1.0897
    1.0896      1.0897      1.0897
    1.0896      1.0897      1.0897

>> B1=exp(A)
B1 =
    1.0e+003 *
    2.9810      0.0027      0.4034
    0.0201      0.1484      1.0966
    0.0546      8.1031      0.0074

>> A=[0 -6 -1;6 2 -16;-5 20 -10];
>> x0=[1;1;1];
>> t=2;

>> expm(t*A)*x0
ans =
    0.0035
   -0.0009
   -0.0035

>> D=logm(B)
D =
    8.0000      1.0000      6.0000
    3.0000      5.0000      7.0000

```

۱۱۷



4.0 9.0000 2.0000

۷.۳ مقادیر ویژه و بردارهای ویژه

برای ماتریسی مثل A حل معادله $|A - sI| = 0$ منتج به حل معادله مشخصه ماتریس می‌شود که با حل معادله مشخصه مقادیر ویژه و از آنجا بردارهای ویژه بدست می‌آیند

$p = \text{poly}(A)$

- ☒ از $\text{tf}(p, 1)$ می‌توانیم برای نمایش معمولی چندجمله‌ای برداری p استفاده کنیم این دستور فعلاً برای ما تنها ارزش نمایشی دارد.

برای فرم نماشی معمولی می‌توانیم از دستور $\text{poly2sym}(p)$ نیز بهره بگیریم ولی این دستور جز در حالتی که ضرایب صحیح باشند جواب چندان روشنی نمی‌دهد و استفاده از آن به مشروط به آشنایی با محاسبات سمبولیک است که در فصلهای بعدی توضیح داده خواهد شد و این جدای از طولانی بودن زمان اجرای آن است.

در خصوص نمایش برداری چندجمله‌ای‌ها بطور مبسوط بحث خواهد شد

$[V, D] = \text{eigs}(A)$: مقادیر ویژه و بردارهای ویژه‌ی A ، ماتریس D یک ماتریس قطری است که عناصر قطر اصلی آن مقادیر ویژه ماتریس و ماتریس V نیز ماتریسی است که ستون‌های آن بردارهای ویژه‌ی ماتریس A می‌باشند

```
>> A=[1 2 3;4 5 6;7 8 9];
>> p=poly(A) → نمایش برداری چندجمله‌ای ضرایب از توان بزرگتر به توان کوچک (توان صفر)
p =
    1.0000   -15.0000   -18.0000   -0.0000
>> tf(p,1)
Transfer function:
s^3 - 15 s^2 - 18 s - 2.347e-014
```



`t=f()` یکی از دستورهای پایه‌ای متلب در کنترل می‌باشد در اینجا از آن برای نمایش چند جمله‌ای استفاده می‌کنیم

```
>> d=eig(A)
d =
    16.1168
   -1.1168
   -0.0000

>> [V,D] = eig(A)
V =
   -0.2320   -0.7858    0.4082
   -0.5253   -0.0868   -0.8165
   -0.8187    0.6123    0.4082
D =
    16.1168         0         0
         0   -1.1168         0
         0         0   -0.0000
>> d1=diag(D)
d1 =
    16.1168
   -1.1168
   -0.0000

*>> G=inv(V)*A*V      →
تبديل تشابهی : ماتریس A را به فضای با پایه‌های بردارهای ویژه منتقل می‌کند
G =
    16.1168    0.0000    0.0000
   -0.0000   -1.1168    0.0000
    0.0000    0.0000    0.0000

*>> sum(sum(abs(G-D)))      → G=D
ans =
  1.4780e-014
```

