

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۵۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

**و شته تحصیلی/گد درس:** مهندسی مکانیک گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی صنایع، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی هوافضا - هوافضا، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی شیمی، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی عمران - نقشه برداری ۱۵۱۱۰۷۵ مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - جریه ۱۵۱۱۰۷۶ - مهندسی پزشکی گرایش بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال ۱۵۱۱۰۸۰ -

استفاده از ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- اگر  $A = 8.00$  و  $a = 8.08$  تقریبی از آن باشد، عدد  $a$  چند رقم با معنای درست دارد؟

۴.۴

۳.۳

۲.۲

۱.۱

۲- بسط عدد  $\frac{2}{7}$  در مبنای ۲ کدام است؟

۰.۰۱۰ .۴

۰.۰۱۱ .۳

۰.۱۰۱ .۲

۰.۰۱۰ .۱

۳- اگر  $x=16$  و خطای اندازه گیری آن  $0.01$  باشد، مقدار خطای اندازه گیری  $y = 2x^2 + x + 4$  کدام است؟

0.152 .۴

0.75 .۳

0.74 .۲

0.65 .۱

۴- برای برآورد ریشه مثبت معادله  $0 = \sin x - x - 1$  با خطای نایبیتر از  $\frac{1}{2} \times 10^{-4}$  چند تکرار از روش تصنیف لازم است؟

۱۵ .۴

۱۴ .۳

۱۳ .۲

۱۲ .۱

۵- اگر  $\alpha$  ریشه معادله  $0 = g(x)$  و  $0 = f(x)$  باشد، مرتبه همگرایی روش تکرار ساده با  $g'(\alpha) = 0$  کدام است؟

۴. حداقل دو

۳. حداقل یک

۲. حداقل یک

۱. حداقل یک

۶- معادله  $x = \cos x$  در بازه  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$  یک ریشه دارد. مقدار  $x_1$  که از روش نابجایی به دست می‌آید، کدام است؟ $\frac{\pi}{2-\pi} . ۴$  $\frac{\pi}{\pi+1} . ۳$  $\frac{\pi}{\pi+2} . ۲$  $\frac{\pi}{\pi-2} . ۱$ ۷- برای پیدا کردن  $x$ ، وارون عدد حقیقی  $A \neq 0$  با استفاده از روش نیوتون، رابطه تکراری کدام است؟ $x_{n+1} = x_n(2 + Ax_n) . ۴$  $x_{n+1} = x_n(2 - Ax_n) . ۳$  $x_{n+1} = \frac{x_n}{A} . ۲$  $x_{n+1} = \frac{A}{x_n} . ۱$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۵۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

**و شرط تحصیلی/گذ درس:** مهندسی مکانیک گرایش جامدات، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی صنایع، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی شیمی، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی عمران - نقشه برداری - ۱۵۱۰۷۵، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - جریه ۱۵۱۰۷۶ - ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال ۱۵۱۰۸۰

۸- کدام گزینه در مورد چندجمله ایهای لاگرانژ نادرست است؟

$$\sum_{i=1}^n L_i(x) = 1 \quad .\ ۲$$

$$L_j(x_i) = 1 \quad .\ ۴ \quad \text{اگر } j = i \quad \text{آنکاه}$$

$$\sum_{i=1}^n L_i(x) = 0 \quad .\ ۳$$

۹- اگر  $a$  عددی ثابت و مثبت و  $f(x) = a^x$  با فرض  $\Delta f_i$  حاصل است؟

$$a^h f_i \quad .\ ۴$$

$$(a^h - 1)f_i \quad .\ ۳$$

$$(a - 1)f_i \quad .\ ۲$$

$$f_{i+1} \quad .\ ۱$$

۱۰- تابع جدولی زیر را در نظر بگیرید. مقدار تقریبی  $f(-\frac{3}{2})$  با استفاده از چندجمله ایهای درونیاب درجه دوم برابر است با:

$x_i$	-2	-1	0	1
$f_i$	1	0	2	-1

$$\frac{3}{4} \quad .\ ۴$$

$$\frac{3}{8} \quad .\ ۳$$

$$\frac{1}{4} \quad .\ ۲$$

$$\frac{1}{8} \quad .\ ۱$$

۱۱- درجه چندجمله ای درونیاب که از نقاط  $(0, 2)$ ,  $(1, 5)$ ,  $(2, 14)$ ,  $(3, 35)$ ,  $(4, 74)$  می‌گذرد، برابر است با:

$$4 \quad .\ ۴$$

$$2 \quad .\ ۳$$

$$1 \quad .\ ۲$$

$$3 \quad .\ ۱$$

۱۲- روش ذوزنقه‌ای انتگرال گیری برای چندجمله ایهای تا درجه ۵ چند دقیق است؟

$$4 \quad .\ ۴ \quad \text{درجه یک}$$

$$3 \quad .\ ۳ \quad \text{درجه دو}$$

$$2 \quad .\ ۲ \quad \text{درجه سه}$$

$$1 \quad .\ ۱ \quad \text{درجه چهار}$$

۱۳- اگر برای تابع  $f$  در  $[a, b]$  داشته باشیم  $|f''(x)| \leq M$ ، در این صورت کران بالای خطای انتگرال گیری روش نقطه میانی عبارت است از:

$$\frac{nh^4}{180} M \quad .\ ۴$$

$$\frac{nh^4}{90} M \quad .\ ۳$$

$$\frac{nh^3}{24} M \quad .\ ۲$$

$$\frac{nh^3}{12} M \quad .\ ۱$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۵۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

**و شته تحصیلی/گد درس:** مهندسی مکانیک گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی صنایع، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی شیمی، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی عمران - نقشه برداری - ۱۵۱۰۷۵، مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - جریه ۱۵۱۰۷۶ -، مهندسی پزشکی ۱۵۱۰۸۰ - گرایش بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال ۱۵۱۰۸۰ -

۱۴- فرمول ذوزنقه‌ای گوس از نظر دقیقت با کدام یک از روش‌های زیر قابل مقایسه است؟

۱. قاعده ذوزنقه میانی

۲. قاعده نقطه میانی

۳. قاعده سیمپسون

۱۵- در محاسبه تقریبی  $\int_{-1}^1 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}}$  از کدام روش نمی‌توان استفاده کرد؟

۱. روش رامبرگ

۲. روش گوس دو نقطه‌ای

۳. روش نقطه میانی

۴. روش گوس سه نقطه‌ای

۱۶- مقدار  $y_2$  برای معادله دیفرانسیل  $\begin{cases} y' = x + y \\ y(0) = 1 \end{cases}$  با  $h = 0.1$  به روش اویلر، عبارت است از:

۱.۱۱ . ۴

۱.۳۶ . ۳

۱.۲ . ۲

۱.۱ . ۱

۱۷- خطای محاسبه  $y_i$  در روش پیراسته اویلر هم مرتبه با کدام گزینه است؟ $O(h)$  . ۴ $O(h^2)$  . ۳ $O(h^3)$  . ۲ $O(h^4)$  . ۱۱۸- ماتریس  $A = \{a_{ij}\}$  داده شده است. اگر  $|a_{ij}| > \sum |a_{ij}|$  باشد که  $i, j = 1, 2, \dots, n$  ،  $i \neq j$  آنگاه:۱. ماتریس  $A$  یقیناً معکوس پذیر است.۲. ماتریس  $A$  منفرد است.۳. دستگاه  $AX = b$  جواب ندارد.۴. دستگاه  $AX = b$  بینهایت جواب دارد.۱۹- معادله مشخصه ماتریس  $A$  عبارت است از:

$$\lambda^3 - 5\lambda^2 = 4$$

$$\lambda^3 - 4\lambda^2 = 5 - 4\lambda$$

$$\lambda^3 = 4\lambda - 3$$

$$\lambda^3 + 3\lambda + 4 = 0$$

۲۰- در صورتی که:  $\sum_{i=1}^8 x_i y_i = 25$  ،  $\sum_{i=1}^8 x_i^2 = 92$  ،  $\sum_{i=1}^8 y_i = 37$  ،  $\sum_{i=1}^8 x_i = 20$  باشد، خط کمترین مربعات عبارت است از:

$$y = -0.216x + 6.321$$

$$y = -1.609x + 9.924$$

$$y = -1.607x + 8.642$$

$$y = 1.523x + 9.561$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۵۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

**و شرط تحصیلی/گذ درس:** مهندسی مکانیک گرایش جامدات، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی صنایع، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی شیمی، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی عمران - نقشه برداری - ۱۵۱۰۷۵ مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - جریه ۱۵۱۰۷۶ - ، مهندسی پزشکی گرایش بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال ۱۵۱۰۸۰ -

**سوالات تشریحی**۱،۴۰ نمره

-۱ الف) تقریبی از تابع  $f(x) = e^x$  را به ازای  $x = \frac{2}{3}$  با خطای کمتر از  $10^{-2}$  حساب کنید.

ب) شعاع یک بالن کروی برابر ۱۲ متر اندازه گیری شده است. اگر ماکزیمم خطای اندازه گیری  $\pm 0.06$  باشد، حداقل خطای محاسبه حجم به طور تقریبی چقدر است؟

۱،۴۰ نمره

-۲ با استفاده از روش تکراری نیوتون، فرمول تکراری برای محاسبه ریشه سوم عدد حقیقی  $N$  بیابید و سپس با استفاده از آن ریشه سوم عدد ۱۲ را پیدا کنید.

۱،۴۰ نمره

-۳ فرض کنید  $f(x) = \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$ . یک تابع جدولی در نقاط  $-1, 0, 1, 2$  باشد. چند جمله‌ای درونیاب را در نقاط فوق به دست آورده و یک کران بالا برای خطای آن حساب کنید.

۱،۴۰ نمره

-۴ تقریبی از  $\int_0^1 x \sin x dx$  به روش ذوزنقه‌ای مرکب حساب کنید که خطای آن از  $10^{-2}$  کمتر باشد.

۱،۴۰ نمره

-۵ دستگاه معادلات خطی  $x^{(0)} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$  را با  $\begin{cases} 7x_1 - 4x_2 = 12 \\ -4x_1 + 12x_2 - 6x_3 = 0 \\ -6x_2 + 14x_3 = 0 \end{cases}$  به روش گوس سایدل و با سه تکرار حل کنید.



سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): قسمتی: ۵۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: قسمتی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

**رشته تحصیلی/گذ درس:** مهندسی مکانیک گرایش جامدات، مهندسی شیمی گرایش صنایع غذایی، مهندسی عمران، مهندسی صنایع، مهندسی مکانیک گرایش ساخت و تولید، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی شیمی گرایش صنایع پالایش، پتروشیمی و گاز، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی عمران - نقشه برداری - ۱۵۱۱۰۷۵ مخابرات، مهندسی شیمی، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی عمران - نقشه برداری - ۱۵۱۱۰۷۶ مهندسی راه آهن - بهره برداری، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی راه آهن - جریه - ۱۵۱۱۰۷۶ - مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا ۱۵۱۱۰۸۰

## سلامتی و بیل در فرج آقا امام زمان (عج) صلوات

شماره سوال	پاسخ صحیح	وضعیت کلید
۱	الف	عادی
۲	د	عادی
۳	الف	عادی
۴	ج	عادی
۵	ج	عادی
۶	ب	عادی
۷	ج	عادی
۸	ج	عادی
۹	ج	عادی
۱۰	الف	عادی
۱۱	الف	عادی
۱۲	د	عادی
۱۳	ب	عادی
۱۴	ج	عادی
۱۵	الف	عادی
۱۶	ب	عادی
۱۷	ج	عادی
۱۸	الف	عادی
۱۹	ج	عادی
۲۰	ب	عادی

