

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): ۶۰، تاریخ: ۷۰

تعداد سوالات: ۲۰، تاریخ: ۵

عنوان درس: روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی / گد درس: - مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵  
 مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)،  
 مهندسی برق-قدرت، مهندسی برق-مخابرات، مهندسی برق-الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی، ۱۱۱۵۱۷۹  
 برق-کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع  
 پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش  
 طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ -، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - بهره برداری  
 مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا، ۱۵۱۱۰۸۰ - ۱۵۱۱۰۷۶

استفاده از ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- عددگویای مربوط به بسط اعشاری  $15.2\bar{3}$  برابر کدام گزینه است؟

$$\frac{15058}{990} .4$$

$$\frac{15085}{990} .3$$

$$\frac{15058}{99} .2$$

$$\frac{15085}{99} .1$$

۲- هرگاه  $a = 7.997$  و  $A = 8.00$  تقریبی از  $A$  باشد تعداد ارقام با معنای درست  $a$  برابر است با :

۴. صفر

۳. ۳

۲. ۲

۱. ۱

۳- کدامیک از معادله‌های بازگشته زیر  $\sqrt{3}$  را با استفاده از روش نیوتون محاسبه می‌کند؟

$$x_{n+1} = \frac{1}{2}(x_n - \frac{3}{x_n}) .2$$

$$x_{n+1} = \frac{1}{2}(x_n + \frac{3}{x_n}) .1$$

$$x_{n+1} = \frac{1}{3}(2x_n - \frac{3}{x_n}) .4$$

$$x_{n+1} = \frac{1}{3}(2x_n + \frac{3}{x_n}) .3$$



۴- معادله  $x = \sin 2x$  در بازه  $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right]$  دارای یک ریشه مثبت است. مقدار  $x_1$  به روش نابجایی کدام است؟

$$\frac{2\pi}{\pi+4} .4$$

$$\frac{2\pi}{\pi+2} .3$$

$$\frac{\pi}{\pi+4} .2$$

$$\frac{\pi}{\pi+2} .1$$

۵- اگر  $\alpha$  ریشه ساده معادله  $x = g(x)$  و  $g'(\alpha) \neq 0$  باشد آنگاه مرتبه همگرایی روش تکرار ساده (نقطه ثابت) عبارت است از:

۴. حداقل ۲

۲. ۳

۲. حداقل ۱

۱. ۱

۶- تعداد ریشه‌های حقیقی معادله  $x \ln x = 1$  کدام است؟

۳. ۴

۲. ۳

۱. ۲

۱. صفر

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): ۷۰ تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵  
- مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)  
- ۱۱۱۵۱۷۹ - مهندسی برق - قدرت، مهندسی برق - مخابرات، مهندسی برق - الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی  
برق - کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع  
پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش  
طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ - مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - بهره برداری  
۱۵۱۱۰۷۶ - مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال ۱۵۱۱۰۸۰



- درجه چند جمله‌ای درونیاب این تابع جدولی کدام است؟

|       |    |    |   |    |
|-------|----|----|---|----|
| $x_i$ | -2 | -1 | 0 | 3  |
| $f_i$ | 16 | 1  | 0 | 81 |

۴. حداقل سه

۳ . ۳

۲ . ۲

۱ . ۱

- مقدار  $f[x_1, x_2, x_3]$  برای این تابع جدولی کدام است؟

|       |    |   |    |   |   |
|-------|----|---|----|---|---|
| $x_i$ | -1 | 0 | 1  | 2 | 3 |
| $f_i$ | 3  | 2 | -1 | 4 | 5 |

۴ . ۴

۱ . ۳

-۱ . ۲

-۲ . ۱

- تابع جدولی زیر را در نظر بگیرید:

|       |    |    |   |    |
|-------|----|----|---|----|
| $x_i$ | -2 | -1 | 0 | 1  |
| $f_i$ | 1  | 0  | 2 | -1 |

مقدار تقویبی  $(-\frac{3}{2})$  با استفاده از چند جمله‌ای های درونیاب درجه دوم برابر است با:

$\frac{3}{4}$  . ۴

$\frac{3}{8}$  . ۳

$\frac{1}{4}$  . ۲

$\frac{1}{8}$  . ۱

- اگر  $f(x) = x^{n+1}$  چه شرطی لازم است تا چند جمله‌ای درونیاب  $f$  در نقاط  $x_0, x_1, \dots, x_n$  درجه‌ای کمتر از  $n$  داشته باشد؟

$$\sum_{i=0}^n x_i = 0 \quad . \quad ۲$$

۱. نقاط متساوی الفاصله باشند.

$$\sum_{i=0}^n x_i = n \quad . \quad ۴$$

$$\prod_{i=0}^n x_i = 0 \quad . \quad ۳$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): ۷۰، تستی: ۶۰، تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰، تشریحی: ۵

عنوان درس: روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵  
- مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)  
- ۱۱۱۵۱۷۹، مهندسی برق - قدرت، مهندسی برق - مخابرات، مهندسی برق - الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی برق - کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ - مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ۱۵۱۱۰۷۶ - مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا ۱۱۰۸۰



-۱۱ روش نقطه میانی در محاسبه انتگرال به روش عددی برای چه توابعی دقیق است؟

۱. توابع خطی

۴. توابع چند جمله‌ای با درجه حداقل ۳

۳. توابع چندجمله‌ای با درجه حداقل ۲

-۱۲ اگر مقدار تقریبی  $f(x)$  را از فرمول  $\frac{f(x+h)-f(x-h)}{2h}$  تخمین بزنیم، خطاب برشی برابر است با:

$$\frac{f'''(c)h^2}{6} \cdot ۴ - \frac{f''(c)h^2}{6} \cdot ۳ - \frac{f''(c)h^2}{6} \cdot ۲ + \frac{f''(c)h^2}{6} \cdot ۱$$

-۱۳ اگر فرمول انتگرال گیری زیر برای چند جمله‌ای های تا درجه ۲ دقیق باشد، کدام گزینه صحیح است؟

$$\int_0^h f(\sqrt{x})dx \approx w_1 f(0) + w_2 f'(0) + w_3 f(h)$$

$$w_1 = h - \frac{1}{2}, w_2 = \frac{2}{3}h^{\frac{3}{2}} - \frac{h}{2}, w_3 = \frac{1}{2} \quad \text{۲} \qquad w_1 = -\frac{1}{2}, w_2 = \frac{2}{3}h^{\frac{3}{2}}, w_3 = \frac{1}{2} \quad \text{۱}$$

$$w_1 = h - \frac{1}{2}, w_2 = \frac{1}{2}h^{\frac{3}{2}} - h, w_3 = \frac{1}{2} \quad \text{۴} \qquad w_1 = -\frac{1}{2}, w_2 = \frac{2}{3}h^{\frac{3}{2}}, w_3 = h + \frac{1}{2} \quad \text{۳}$$

-۱۴ تابع جدولی و انتگرال پذیر  $\int_0^f f(x)dx$  به قاعده سیمپسون برابراست با:

|       |   |     |   |     |   |
|-------|---|-----|---|-----|---|
| $x_i$ | 0 | 0.5 | 1 | 2   | 3 |
| $f_i$ | 1 | 1.5 | 2 | 2.5 | 3 |

۴. ۴

6.5 .۳

8 .۲

10.5 .۱

-۱۵ مقدار تقریبی (۱,۱)  $y$  را برای معادله دیفرانسیل  $\begin{cases} y' = 3x^2y \\ y(1) = 2 \end{cases}$  به روش اویلر به ازای  $h = 0.1$  بیابید؟

2.6 .۴

2.2 .۳

1.8 .۲

1.4 .۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): ۷۰ تستی: ۶۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

روشهای محاسبات عددی / گد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵ -  
مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)  
۱۱۱۵۱۷۹ -، مهندسی برق - قدرت، مهندسی برق - مخابرات، مهندسی برق - الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی  
برق - کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع  
پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش  
طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ -، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - بهره برداری  
۱۵۱۱۰۷۶ -، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا ۱۵۱۱۰۸۰

-۱۶

همگرایی در روش تکرار ژاکوبی برای حل دستگاه  $AX = b$  که در آن  $A$  کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 1 & 1 \\ 1 & 5 & 1 \\ 1 & 1 & 5 \end{bmatrix}$$

۱. هیچ گاه برقرار نیست.  
۲. برای برخی مقدار اولیه  $x_0$  برقرار نیست.  
۳. همواره برقرار است.  
۴. تنها در زمانی که  $b = 0$  باشد، همواره برقرار است.

-۱۷ اگر معادله مشخصه ماتریس  $A$  برابر با  $\lambda^2 - 5\lambda + 4 = 0$  باشد، معادله مشخصه ماتریس  $A^{-1}$  کدام است؟

$$4\lambda^2 - 5\lambda + 1 = 0 \quad .2$$

$$\lambda^2 - 5\lambda + 4 = 0 \quad .1$$

$$\frac{1}{\lambda^2} - \frac{5}{\lambda} + \frac{1}{4} = 0 \quad .4$$

$$-\lambda^2 + 5\lambda + 4 = 0 \quad .3$$

-۱۸ مقادیر ویژه ماتریس  $A$  کدامند؟

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 4 \\ -2 & 5 & 7 \\ 4 & 7 & -6 \end{bmatrix}$$

۱.  $2, 2 \pm 2i$   
۲.  $2, 1 \pm i$   
۳.  $i, 1 \pm i$   
۴. همه مقادیر ویژه حقیقی هستند.

-۱۹ خط کمترین مربعات برای نقاط زیر برابر کدام گزینه است؟

|       |    |    |   |   |
|-------|----|----|---|---|
| $x_i$ | -2 | -1 | 1 | 2 |
| $y_i$ | 0  | 1  | 2 | 2 |

$$y = \frac{x}{2} + \frac{4}{5} \quad .4$$

$$y = \frac{x}{2} + \frac{5}{4} \quad .3$$

$$y = 2x + \frac{4}{5} \quad .2$$

$$y = 2x + \frac{5}{4} \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): ۷۰ تستی: ۶۰ تشریحی: ۷۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** روش‌های محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵  
، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)  
۱۱۱۵۱۷۹ -، مهندسی برق - قدرت، مهندسی برق - مخابرات، مهندسی برق - الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی  
برق - کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع  
پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش  
طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ -، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه‌های ریلی، مهندسی راه آهن - بهره برداری  
۱۵۱۱۰۷۶ -، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا ۱۵۱۱۰۸۰

-۴۰ داده‌های زیر را برای برازش منحنی  $y = \frac{B}{x+A}$  به کار می‌بریم ، در این صورت  $(A, B)$  برابر است با :

|       |   |   |   |
|-------|---|---|---|
| $x_i$ | 0 | 1 | 2 |
| $y_i$ | 3 | 2 | 1 |

$$\left(\frac{3}{5}, 2\right)^4$$

$$\left(\frac{5}{3}, 2\right)^3$$

$$\left(\frac{6}{5}, 3\right)^2$$

$$\left(\frac{5}{6}, 3\right)^1$$

### سوالات تشریحی

۱،۴۰ نمره - نشان دهید معادله  $f(x) = 3^x - 1.39$  روی بازه  $[0, 2]$  دارای ریشه منحصر به فرد است. سپس با استفاده از روش نیوتون-رافسون تقریبی از ریشه مورد نظر را با دقت  $10^{-4} < \varepsilon$  و معیار توقف  $|x_n - x_{n-1}| < \varepsilon$  و با نقطه شروع  $x_0 = 0$  بدست آورید.

۱،۴۰ نمره - ابتدا چند جمله‌ای درونیاب لاغرانژ را برای تابع جدولی زیر بدست آورید. سپس مقدار تقریبی  $f(0.5)$  را محاسبه نمایید.

|       |    |   |   |
|-------|----|---|---|
| $x_i$ | -1 | 0 | 1 |
| $f_i$ | 1  | 1 | 3 |

۱،۴۰ نمره - برای محاسبه  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx$  به روش سیمپسون، طول گام  $h$  چقدر باشد بطوریکه خطای آن کمتر از  $10^{-5}$  گردد.

۱،۴۰ نمره - تقریبی از  $y(0.2)$  را برای معادله دیفرانسیل  $\begin{cases} y' = x + y \\ y(0) = 0 \end{cases}$  به روش رانگ کوتای مرتبه چهارم و انتخاب  $h = 0.2$  بدست آورید.



تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۷۰

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵ -  
مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)  
۱۱۱۵۱۷۹ -، مهندسی برق - قدرت، مهندسی برق - مخابرات، مهندسی برق - الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی  
برق - کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع  
پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش  
طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ -، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی راه آهن - بهره برداری  
۱۵۱۱۰۷۶ -، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا ۱۵۱۱۰۸۰

۵- الف) دستگاه معادلات خطی زیر را به روش گوس-سایدل با ۲ تکرار و با انتخاب  $X^{(0)} = (1,1,1)$  طوری حل کنید  
نمره ۱،۴۰  
که همگرایی آن تضمین شود. (محاسبات را تا چهار رقم اعشار گرد کنید)

$$\begin{cases} 8x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 30 \\ x_1 - 9x_2 + 2x_3 = 1 \\ 2x_1 + 3x_2 + 6x_3 = 31 \end{cases}$$

ب) اگر معادله مشخصه یک ماتریس  $A_{3\times 3}$  بصورت  $\lambda^3 + 6\lambda^2 - 10\lambda + 4 = 0$  باشد، معکوس  $A$  را بیابید.



سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): ۷۰

تعداد سوالات: ۲۰

تشريحی: ۵

عنوان درس: روشهای محاسبات عددی، محاسبات عددی

رشته تحصیلی / گد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۵۰۷۵ -  
 مهندسی صنایع، مهندسی چندبخشی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی)  
 ۱۱۱۵۱۷۹ -، مهندسی برق - قدرت، مهندسی برق - مخابرات، مهندسی برق - الکترونیک، مهندسی رباتیک، مهندسی  
 برق - کنترل، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی پلیمر - صنایع  
 پلیمر، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد - متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی مکانیک (گرایش  
 طراحی کاربردی) ۱۵۱۱۰۷۵ -، مهندسی راه آهن - جریه، مهندسی راه آهن - سازه های ریلی، مهندسی راه آهن - بهره برداری  
 ۱۵۱۱۰۷۶ -، مهندسی پزشکی - بیومکانیک، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریا ۱۵۱۱۰۸۰



## سلامتی و تعیل در فرج آقا امام زمان (عج) صلوات

| وضعیت کلید | پاسخ صحیح | شماره سوال |
|------------|-----------|------------|
| عادی       | ج         | ۱          |
| عادی       | ج         | ۲          |
| عادی       | الف       | ۳          |
| عادی       | د         | ۴          |
| عادی       | الف       | ۵          |
| عادی       | ب         | ۶          |
| عادی       | ب         | ۷          |
| عادی       | د         | ۸          |
| عادی       | الف       | ۹          |
| عادی       | ب         | ۱۰         |
| عادی       | ب         | ۱۱         |
| عادی       | د         | ۱۲         |
| عادی       | ب         | ۱۳         |
| عادی       | ج         | ۱۴         |
| عادی       | د         | ۱۵         |
| عادی       | ج         | ۱۶         |
| عادی       | ب         | ۱۷         |
| عادی       | د         | ۱۸         |
| عادی       | ج         | ۱۹         |
| عادی       | الف       | ۲۰         |